# МОДЕЛИРОВАНИЕ ЯВЛЕНИЙ ЭЛЕКТРОННОГО ПЕРЕНОСА В МЕХАНИЧЕСКИ НАПРЯЖЕННЫХ ПОЛУПРОВОДНИКОВЫХ МИКРОКРИСТАЛЛАХ

## В. В. Филиппов<sup>1</sup>, Б. К. Петров<sup>2</sup>

<sup>1</sup>Липецкий государственный педагогический университет <sup>2</sup>Воронежский государственный университет

Рассмотрены эффекты, связанные с механическими напряжениями в полупроводниковых кристаллах и пленках. Выполнен качественный анализ эффекта изменения проводимости в растянутом кристаллическом кремнии. Получено и проанализировано распределение электрического поля в области анизотропного полупроводникового канала.

## введение

В современной электронике все большее применение находят полупроводники и полупроводниковые соединения, в кристаллах которых из-за сложности строения решеток, под давлением или под влиянием внешних полей наблюдается анизотропия электрических, термоэлектрических и гальваномагнитных свойств, в частности, большие перспективы имеют структуры на основе механически напряженных кремния и германия, а также их соединений [1, 2]. Как показывает обзор литературы, в данное время отсутствует подробно описанная теоретическая картина пьезосопротивления в растянутом нанокристаллическом кремнии.

Для проверки применимости теории линейного эффекта пьезопроводимости, необходимо определить долю поверхностной энергии в общей энергии кристалла, а также проверить квадратичность зависимости потенциальной энергии межатомного взаимодействия от величины деформации.

Согласно выполненным нами расчетам на основе экспериментальной зависимости межатомного потенциала Ми—Леннарда—Джонса [3], для кристаллического кремния при деформациях  $\varepsilon \leq 2$ % отклонение от нелинейности законов механических деформаций не превосходит 5%. Изменение зонной структуры от механических напряжений описывается в теории деформации полупроводниковых кристаллов [4, 5]. Численные соотношения указанных работ оказываются справедливы и для нанокристаллов толщин порядка десятков нанометров, когда доля энергии поверхностных атомов кристалла относительно общей энергии

невелика. Так, для кристалла толщиной ~ 50 нм доля атомов на поверхности порядка 1 % относительно общего числа атомов кристалла и, соответственно, вкладом поверхностной энергии в общую энергию кристалла можно пренебречь [6, 7].

Таким образом, для кристаллического кремния величина относительного изменения ширины запрещенной зоны в зависимости от механического напряжения для наноструктур порядка 50 нм и более изменяется по тем же законам, что и для объемных кристаллов. Отклонение от нелинейности закона Гука упругих деформаций и эффекта пьзосопротивления не превышает 5 % при относительных деформациях не более 2 % и, как правило, лежит в пределах погрешности измерений. Одной из основных задач здесь является четкое определение деформаций и напряжений в используемом кристалле.

В данной работе рассмотрено влияние деформации кристаллического полупроводникового кремния на его кинетические параметры, а также выполнен расчет распределения электрического поля в механически напряженном полупроводниковом кристалле.

## 1. РАСЧЕТ КОМПОНЕНТ ТЕНЗОРА ЭЛЕКТРОПРОВОДНОСТИ НАПРЯЖЕННОГО КРЕМНИЯ

В настоящее время наиболее распространен метод получения напряженного (растянутого) кремния на подложке кристалла  $\operatorname{Si}_{1-x}\operatorname{Ge}_x[1,2]$ . В кремнии возникают деформации в плоскости, параллельной поверхности подложки, величина которых будет варьироваться в пределах  $0 \div 5\%$  в зависимости от соотношения компонентов сплава  $\operatorname{Si}_{1-x}\operatorname{Ge}_x[5]$ . При малых деформациях (для *n*-Si  $\varepsilon \le 2$ ) тензор напряжений определяется выражением [5]:

$$P_{ij} = c_{ijnk} \boldsymbol{\varepsilon}_{nk}, \tag{1}$$

где  $c_{ijnk}$  и  $\varepsilon_{ij}$  — компоненты тензора жесткости и деформации соответственно, а относительное изменение электропроводности выражается через коэффициенты эластосопротивления (пьезосопротивления)  $\pi_{iink}$  [1]:

$$\Delta \sigma_{ij} / \sigma_0 = -\pi_{ijnk} P_{nk}.$$
 (2)

Для случая если кремний растянут только в направлениях [100], [010], а кристаллические плоскости подложки и кристалла совпадают, тензор деформаций имеет вид:

$$\widehat{\boldsymbol{\varepsilon}} = \begin{pmatrix} \boldsymbol{\varepsilon} & 0 & 0 \\ 0 & \boldsymbol{\varepsilon} & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}.$$
(3)

В общем случае ориентации подложки и растянутого кристалла кремния методика вычисления тензора деформаций  $\hat{\varepsilon}$  описана в работе [8].

С учетом симметрии кубических кристаллов, для *n*-Si зависимость механического напряжения и относительного изменения электропроводности вдоль плоскости подложки от величины деформации можно представить в виде:

$$P_{11} = P_{22} = c_{11}\varepsilon,$$
  
$$\Delta\sigma_{11} / \sigma_0 = \Delta\sigma_{22} / \sigma_0 = -\pi_{11}c_{11}\varepsilon.$$
 (4)

На рис. 1 представлена рассчитанная нами зависимость электропроводности кристаллического *n*-Si от относительного удлинения (данные для  $c_{11}, \pi_{11}$  взяты из работ [4, 5])

## 2. РАСЧЕТ ПОТЕНЦИАЛА В МЕХАНИЧЕСКИ НАПРЯЖЕННЫХ ПОЛУПРОВОДНИКАХ

Изменение электропроводности кристалла вдоль какого-либо из направлений не может не



сказаться на распределении электрического поля в приборах, в которых применяется данный полупроводник.

Определим распределение потенциала электрического поля, создаваемое двумя токовыми электродами на противоположных гранях в анизотропном полупроводниковом кристалле (рис. 2). В рассматриваемом случае полупроводниковый образец деформирован в плоскости *ху*. На рис. 2 указано пространственное расположение токового канала напряженного кремния и расположение контактов на его поверхности. Решетка растянута в направлениях [100] и [010].

В установившемся режиме электрического тока плотность тока  $\vec{j}$ , напряженность электрического поля  $\vec{E}$  и потенциал  $\varphi$  связаны соотношениями [9]:

$$\vec{j} = \hat{\boldsymbol{\sigma}} \cdot \vec{E}, \ \vec{E} = \operatorname{grad} \boldsymbol{\varphi}, \ \operatorname{div} \vec{j} = 0,$$
 (5)

где  $\hat{\sigma}$  — симметричный тензор электропроводимости кристалла. В нашем случае система координат выбрана так, что тензор  $\hat{\sigma}$  имеет диагональный вид

$$\widehat{\boldsymbol{\sigma}} = \begin{pmatrix} \boldsymbol{\sigma}_x & 0 & 0 \\ 0 & \boldsymbol{\sigma}_y & 0 \\ 0 & 0 & \boldsymbol{\sigma}_z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \boldsymbol{\sigma}_0 + \Delta \boldsymbol{\sigma} & 0 & 0 \\ 0 & \boldsymbol{\sigma}_0 + \Delta \boldsymbol{\sigma} & 0 \\ 0 & 0 & \boldsymbol{\sigma}_0 \end{pmatrix}. \quad (6)$$



Puc. 2

Моделирование явлений электронного переноса в ... напряженных полупроводниковых микрокристаллах

Отсюда имеем дифференциальное уравнение для потенциала

$$\sigma_x \frac{\partial^2 \varphi}{\partial x^2} + \sigma_y \frac{\partial^2 \varphi}{\partial y^2} + \sigma_z \frac{\partial^2 \varphi}{\partial z^2} = 0.$$
(7)

Граничные условия для потенциала следуют из требования, что нормальная составляющая плотности тока на поверхности образца всюду равна нулю, кроме точек под токовыми электродами [9]:

$$-\sigma_{y} \frac{\partial \varphi}{\partial y}\Big|_{y=0,b} = -\sigma_{z} \frac{\partial \varphi}{\partial z}\Big|_{z=0,d} = 0, \qquad (8)$$

$$-\sigma_{x} \left. \frac{\partial \varphi}{\partial x} \right|_{x=0,a} = \begin{cases} \frac{I}{s^{2}}, y \in [b/2 - s/2; b/2 + s/2], \\ z \in [d/2 - s/2; d/2 + s/2], \\ 0, \text{ в остальной площади} \end{cases}$$
(9)

где *a*, *b*, *d*, *s* — геометрические параметры растянутого полупроводникового канала и токовых электродов (рис. 2).

Краевая задача (7) - (9) решается методом Фурье разделения переменных. В данном случае выражение для потенциала  $\varphi(x, y, z)$  представимо в виде двойного ряда Фурье по косинусам:

$$\varphi(x, y, z) = \sum_{n,k=0}^{\infty} X_{nk}(x) \cos(\alpha_n y) \cdot \cos(\beta_k z),$$

$$\alpha_n = \frac{\pi \cdot n}{b}, \ \beta_k = \frac{\pi \cdot k}{d}.$$
(10)

Подставляя ряд в уравнение (10) и учитывая граничные условия (8), (9) получаем выражение для  $X_{nk}(x)$ .

Опуская громоздкие математические преобразования, запишем выражение для распределения потенциала в объеме анизотропного полупроводникового канала в окончательном виде:

$$\begin{split} \varphi(x,y,z) &= -\frac{I}{\sigma_x bd} \left( x - \frac{a}{2} \right) - \frac{16 \cdot I}{\sigma_x bd} \times \\ &\times \sum_{n,k=0,2,4\dots}^{\infty} \left\{ \Theta_{n,k} \frac{(-1)^{(n+k)/2}}{\eta_{nk} sh(\eta_{nk}a)} [ch(\eta_{nk}x) - (11) - ch(\eta_{nk}(a-x))] \cdot \frac{\sin(\alpha_n s/2)}{\alpha_n s} \cdot \frac{\sin(\beta_k s/2)}{\beta_k s} \times \\ &\times \cos(\alpha_n y) \cdot \cos(\beta_k z) \right\}, \end{split}$$

$$\alpha_{n} = \frac{\pi \cdot n}{b}, \ \beta_{k} = \frac{\pi \cdot k}{d}, \ \eta_{nk} = \sqrt{\gamma_{1}\alpha_{n}^{2} + \gamma_{2}\beta_{k}^{2}},$$

$$\gamma_{1} = \frac{\sigma_{y}}{\sigma_{x}}, \ \gamma_{2} = \frac{\sigma_{z}}{\sigma_{x}},$$

$$\Theta_{n,k} = \begin{cases} 1, n, k \neq 0; \\ 1/2, n, k = 0, n \neq k; \\ 0, n = k = 0. \end{cases}$$
(12)

В соответствии с полученным распределением потенциала определено сопротивление анизотропного кристалла:

$$R = \frac{a}{\sigma_x b d} + \frac{128}{\sigma_x b d} \cdot \sum_{n,k=0,2,4\dots}^{\infty} \left\{ \Theta_{n,k} \frac{cth(\eta_{nk}a)}{\eta_{nk}} \times \left( \frac{\sin(\beta_k s/2)}{\beta_k s} \right)^2 \left( \frac{\sin(\alpha_n s/2)}{\alpha_n s} \right)^2 \right\}.$$
(13)

Представленное аналитическое решение в виде (11) позволяет проанализировать распределение потенциала электрического поля в анизотропных полупроводниковых пленках, а также моделировать его с помощью ЭВМ. Построим распределение эквипотенциалей и линий тока в двух плоскостях z = d/2 и y = b/2 (в среднем сечении канала).

На рис. З изображены распределение электрического потенциала (пунктир) и электрического тока (сплошные линии) в анизотропном полупроводниковом кристалле  $(a/b = 1,5; d/b = 1; s/b = 0,1; \sigma_x = \sigma_y = 4\sigma_z)$ . На данной модели между двумя токовыми линиями протекает равный ток — I/12, шаг построения эквипотенциалей —  $\Delta \varphi_{\kappa}/20$ , где — I общий ток через полупроводник,  $\Delta \varphi_{\kappa}$  — разность потенциалов на токовых контактах. Выбор параметра анизотропии  $\sigma_x/\sigma_z = = \sigma_y/\sigma_z = 4$  вполне оправдан и соответствует известным литературным данным [3, 8].

#### 3. ВЫВОДЫ И РЕЗУЛЬТАТЫ

Как показывает проведенное моделирование, электрический ток в растянутом *n*-Si протекает по более узкому каналу, чем в недеформированном состоянии. Данное распределение тока вдоль узких каналов в растянутых кремниевых каналах полупроводниковых структур приводит к следующим физическим эффектам:

1) концентрация носителей заряда становится неравномерной по объему кристалла она максимальна вдоль токовых каналов небольшой ширины;



#### *Puc.* 3

2) неравномерный разогрев по объему полупроводника;

3) уменьшение тока утечки через границы полупроводник—диэлектрик в МДП структурах (т.к. плотность тока на границе растянутого *n*-Si меньше, чем для недеформированного полупроводника).

Подробное рассмотрение влияния анизотропии кристаллов на распределение электрического поля выполнено в работах [10, 11].

Как показывает выполненный анализ, использование растянутых *n*-Si каналов в МДП структурах не только позволяет увеличить их быстродействие, за счет миниатюризации и увеличения величины электропроводности, но и уменьшить ток утечки. Изменение сопротивления кристалла *n*-Si согласно выражению (13) зависит от параметров анизотропии нелинейно, следовательно, данную нелинейность необходимо учитывать и при определении изменения электропроводности в результате деформации канала. При этом, изменение величины электрического поля вблизи границ канала, а также изменение его сопротивления можно определить по представленным выражениям для потенциала и сопротивления.

Таким образом, результаты представленной работы позволяют количественно оценить концентрацию электрического тока и изменение сопротивления кремниевого канала электронного типа в результате его деформации. Выражения, полученные для распределения потенциала в токовом канале, являются электродинамическими по своему характеру, поэтому не зависят от рода вещества и могут быть применимы для различных типов анизотропных полупроводниковых кристаллов, используемых в качестве структурных элементов различных полупроводниковых приборов.

### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Гридчин В.А., Любимский В.М. Пьезосопротивление в пленках поликристаллического кремния *р*-типа // ФТП. — 2004. — Т. 38, № 8. — С. 1013—1017.

2. Валах М.Я., Джаган В.Н, Матвеева Л.А., Оберемок А.С., Романюк Б.Н., Юхимчук В.А. Исследования влияние углерода на свойства гетероструктур Si/SiGe // ФТП. — 2003. — Т. 37, № 4. — С. 460—464.

3. *Магомедов М.Н*. О природе ковалентной связи в кристаллах подгруппы углерода // Журнал неорг. химии. — 2004. — Т. 49, № 12. — С. 2057—2067.

4. *Полякова А.Л.* Деформация полупроводников и полупроводниковых приборов. — М.: Энергия, 1979. — 168 с.

5. Баранский П.И., Клочков В.П., Потыкевич И.В. Полупроводниковая электроника. Свойства материалов. — Киев: Наукова думка, 1975. — 704 с.

6. *Магомедов М.Н.* О поверхностной энергии нанокристалла // Журнал физ. химии. — 2005. — Т. 79, № 5. — С. 829—838.

7. Сиротин С.Ю., Шаскольская П.М. Основы кристаллофизики. — М.: Наука, 1979. — 639 с.

8. *Драгунов В.П.* Моделирование переноса носителей заряда в напряженных слоях на основе Ge и Si // Науч. вестн. НГТУ. — 2003. — № 2. — С. 71—84.

9. Ландау Л.Д., Лифшиц Е.М. Электродинамика сплошных сред. — М.: Наука, 1982. — 620 с.

10. Поляков Н.Н., Филиппов В.В. Особенности явлений электронного переноса в анизотропных монокристаллах и пленках // Электронный журнал «Исследовано в России». — 2003. — 046. С. 539—548. http://zhurnal.ape.relarn.ru/articles/2003/046.pdf

 Поляков Н.Н., Шевченко А.Е., Олейников В.Е., Фролов П.В. Влияние анизотропии кристаллов на явления электронного переноса в полупроводниках // Известия вузов. Материалы электронной техники. – 2000. – № 4. – С. 63–68.