

УДК 538.935.621.382.23

## ПРИРОДА “МЯГКОГО” ПОВЕДЕНИЯ ОБРАТНОГО ТОКА В ШОТТКИ-СТРУКТУРЕ Mo/n-Si

© 2001 г. В. С. Питанов, А. В. Якименко

*Воронежский государственный университет*

Методом показателя экспоненты исследовано поведение обратного тока в Шоттки-структуре на основе контакта Mo/n-Si. Установлено, что при малой неидеальности вольт-амперной характеристики отсутствие насыщения обратного тока вызвано снижением барьера Шоттки. Показано, что изменение высоты барьера обусловлено совместным действием сил зеркального изображения и дипольным эффектом, возникающим за счет проникновения волновых функций электронов металла в запрещенную зону полупроводника вблизи границы раздела. Получено соотношение, связывающее величину снижения барьера Шоттки с максимальной напряженностью электрического поля на границе металла с полупроводником, а через него — с обратным напряжением на контакте.

### ВВЕДЕНИЕ

Традиционные модели переноса заряда [1] в Шоттки-структурах на основе полупроводников с достаточно высокой подвижностью основных носителей описывают их вольтамперную характеристику (ВАХ) выражением:

$$I(V) = I_{s0} \exp\left[\frac{V}{nV_T} - 1\right], \quad (1)$$

где  $I$  — ток через контакт металл—полупроводник (КМП) при внешнем напряжении  $V$ ,  $n$  — эмпирически определяемый коэффициент идеальности ВАХ,  $V_T = (kT)/q$  — термический потенциал,  $q$  — заряд электрона,  $k$  — постоянная Больцмана,  $T$  — термодинамическая температура полупроводника. При обратных напряжениях  $V_R > 3V_T$  ВАХ Шоттки-структуре должна насыщаться, причем ток насыщения

$$I_{s0} = SA^{**} T^2 \exp[-q\phi_b/kT] \quad (2)$$

определяется площадью  $S$  КМП и высотой потенциального барьера  $q\phi_b$  при нулевом смещении. Здесь  $A^{**}$  — эффективная постоянная Ричардсона для термоэмиссии основных носителей заряда над барьером. Однако, многочисленные эксперименты показывают, что в реальных Шоттки-структуратах при  $V_R > 3V_T$  насыщение тока отсутствует и наблюдается

его медленный рост с увеличением напряжения, т.е. имеет место так называемое “мягкое” поведение обратной ветви ВАХ КМП [2, 3]. Одной из физических причин его может быть зависимость высоты барьера Шоттки от максимальной напряженности электрического поля на границе раздела металл—полупроводник, а через нее — от обратного смещения на Шоттки-структуре [1, 2]. Более того, изменение высоты барьера Шоттки приводит к изменению коэффициента идеальности, который становится функцией внешнего напряжения, а не постоянен, как это обычно считается.

Цель настоящей работы заключается в выявлении зависимости высоты барьера Шоттки от обратного смещения как фактора, приводящего к “мягкому” поведению обратного тока в КМП при одновременной идентификации конкретных механизмов, ответственных за отсутствие насыщения обратного тока.

### ИССЛЕДУЕМЫЕ ШОТТКИ-СТРУКТУРЫ И ИХ ФИЗИЧЕСКИЕ ПАРАМЕТРЫ

Измерения обратной ветви ВАХ выполнены на девяти кремниевых эпитаксиально-планарных Шоттки-структуратах с молибденовым контактом при комнатной температуре. Эпилой при толщине  $(5,75 \pm 0,25)$  мкм имеет

удельное сопротивление  $(1,1 \pm 0,1)$  Ом/см, чему соответствует концентрация электронов  $n_{no} = (4,5 \pm 0,5) \cdot 10^{15}$  см $^{-3}$ . Площадь контакта  $S = 1,44 \cdot 10^{-2}$  см $^2$ . Для предотвращения краевых утечек и преждевременного пробоя на периферии контакта изготовлено диффузионное охранное кольцо р-типа [1, 2]. Необходимая для оценки максимальной напряженности электрического поля в контакте  $E_m(V)$  величина встроенного потенциала  $V_D$  определяется двумя способами. Первый включает в себя измерение вольт-фарадной характеристики Шоттки-структур и последующее построение графика Шоттки—Мотта [1,2], экстраполяция которого в область прямых смещений даст величину  $V_D$ , а угловой коэффициент — концентрацию  $n_{no}$  электронов в эпи-слое. Для исследуемых контактов  $V_D = (0,371 \pm 0,008)$  В, а  $n_{no} = (4,44 \pm 0,04) \cdot 10^{15}$  см $^{-3}$ . Полученное значение концентрации электронов позволило оценить длину дебаевского экранирования в эпи-слое, составившую  $6 \cdot 10^{-6}$  см. Второй способ определения встроенного потенциала контакта основан на измерении прямой ветви ВАХ в области напряжений, при которых происходит полное открывание контакта, а ВАХ Шоттки-структур линеаризуется. При этом экстраполяция линейного участка ВАХ до пересечения с осью напряжений дает величину напряжения плоских зон КМП, по модулю равную встроенному потенциальному. Полученная таким способом величина  $V_D = (0,379 \pm 0,016)$  В в пределах погрешности эксперимента совпадает с величиной этого параметра, найденной из емкостных измерений. Согласно [2], такое совпадение свидетельствует об отсутствии промежуточного диэлектрического (оксидного) слоя между металлом и полупроводником, поэтому КМП исследуемых Шоттки-структур можно квалифицировать как тесный.

Высота потенциального барьера в КМП при нулевом смещении  $q\varphi_b(0)$  определялась по методике Миссауса—Родерика [4], базирующемся на модифицированном выражении для ВАХ КМП, полученном в работе [5]:

$$I(V) = I_{S0} \exp\left(\frac{V}{nV_T}\right) \left[1 - \exp\left(\frac{V}{V_T}\right)\right] \quad (3)$$

и позволяющем ввести коэффициент идеальности не только для прямой, но и для обрат-

ной ветви ВАХ. Следует добавить, что обычно он вводится как эмпирическая константа [5]. В соответствии с [4], по результатам измерений ВАХ образцов в интервале смещений от  $-0,3$  В до  $+0,8$  В была построена функция

$$F(V) = \ln \left\{ \frac{I(V)}{1 - \exp(-V/V_T)} \right\} = \ln I_{S0} + V/(nV_T),$$

линейное сглаживание которой методом наименьших квадратов позволяет определить  $\ln(I_{S0})$  и  $n$ . Усредненные по всем образцам величины  $I_{S0}$  и  $n$  равны  $(4,52 \pm 0,19) \cdot 10^{-7}$  А и  $1,018 \pm 0,020$ , соответственно. Из выражения (2) по известной величине  $\ln(I_{S0})$  была определена высота барьера при нулевом смещении с учетом того, что эффективная постоянная Ричардсона  $A^{**} = 112$  А · см $^{-2}$  · К $^{-2}$  для электронов в кремнии при комнатной температуре [1]. Усредненная по всем образцам величина  $q\varphi_b(0) = (0,661 \pm 0,032)$  эВ. Малое отличие коэффициента идеальности от единицы указывает на то, что доминирующим механизмом переноса заряда в исследуемых образцах является термоэмиссия, так как согласно критерию Родерика [2] в этом случае  $n < 1,1$ .

## ОПРЕДЕЛЕНИЕ ЗАВИСИМОСТИ ВЫСОТЫ БАРЬЕРА ШОТТКИ ОТ ВНЕШНЕГО НАПРЯЖЕНИЯ

Экспериментально найденная величина коэффициента идеальности ВАХ, хотя и неизначительно, но превышает единицу (в идеальном КМП для термоэмиссии электронов  $n = 1$ ). В отсутствие дополнительных каналов токопрохождения (рекомбинационно-генерационные процессы, инжекция неосновных носителей заряда, краевые утечки и т.п. [2]) можно предположить, что наблюдаемая слабая неидеальность ВАХ КМП обусловлена влиянием внешнего напряжения на высоту барьера Шоттки.

Известно [1,2], что максимальная напряженность электрического поля на границе раздела металл-полупроводник является функцией внешнего напряжения  $V$  на контакте:

$$E_m(V) = E_m(0) \sqrt{1 - V/(V_D - V_T)}, \quad (4)$$

где напряженность внутреннего электрического поля на границе раздела в отсутствие внешнего напряжения

$$E_m(0) = \sqrt{\frac{2qN_D}{\varepsilon\varepsilon_0}(V_D - V_T)}, \quad (5)$$

$N_D = n_{no}$  — концентрация донорных ионов в эпи-слое,  $\varepsilon_0$  — диэлектрическая проницаемость вакуума,  $\varepsilon$  — диэлектрическая постоянная кремния, причем  $\varepsilon\varepsilon_0 = 1,036 \cdot 10^{-12} \text{ Ф/см}$ . Из (4) легко видеть, что изменение внешнего напряжения на КМП сопровождается изменением  $E_m$ . Следовательно, в результате эффекта Шоттки, связанного с действием сил зеркального изображения [1—3], высота потенциального барьера в контакте становится зависящей от смещения.

Кроме того, к зависимости высоты барьера от внешнего напряжения приводит так называемый дипольный эффект, вызванный проникновением затухающих волновых функций электронов металла в запрещенную зону полупроводника вблизи границы раздела [6]. Отрицательный заряд таких электронов индуцирует равный ему по величине положительный заряд в металле, следствием чего является возникновение на границе раздела дополнительного электрического поля, частично компенсирующего  $E_m$ . Как было установлено авторами работы [7], этот эффект приводит к изменению высоты барьера Шоттки в тесных кремниевых контактах, пропорциональному  $E_m(V)$ .

Высота барьера Шоттки при обратном смещении может изменяться и за счет термополевой эмиссии, когда потенциальный барьер в КМП могут преодолевать не только электроны с энергией, большей его высоты, но и электроны с меньшей энергией за счет туннельного эффекта. При этом вероятность туннелирования электронов будет тем больше, чем больше  $E_m(V)$  [1—3].

Наконец, зависимость высоты барьера Шоттки в КМП от внешнего напряжения может быть связана с неоднородным распределением локальных высот барьера по площади контакта [8—10], подобно тому, как это имеет место в "пятнистых" катодах электровакуумных приборов. Как установлено Тангом [9], неоднородность высоты барьера по площади КМП приводит к тому, что эффективная высота барьера Шоттки изменяется с изменением максимальной напряженности электрического поля в той части контакта, где локальная высота барьера максимальна.

Общим для всех рассмотренных причин, порождающих зависимость высоты барьера Шоттки в КМП от внешнего напряжения, является малость абсолютной величины изменения его высоты по отношению к высоте барьера при нулевом смещении. Именно этим можно объяснить экспериментально наблюдаемое малое отличие коэффициента идеальности ВАХ образцов от единицы. С другой стороны, для обнаружения таких малых изменений высоты барьера обычные методы определения этой величины становятся неприемлемыми из-за существенных погрешностей эксперимента. Поэтому выявление и идентификация физической природы изменения высоты барьера Шоттки при изменении внешнего напряжения требуют специальной методики обработки экспериментальных ВАХ, позволяющей выделить непосредственно само изменение высоты барьера. На наш взгляд, наиболее эффективным с этой точки зрения представляется метод показателя экспоненты, недавно предложенный Михелашвили и Эйзенштейном с сотрудниками [11—13]. Рассмотрим существо предложенной ими методики применительно к нашей задаче.

При компьютерном моделировании нелинейных полупроводниковых двухполюсников, в том числе и диодов с барьером Шоттки, пользуются понятием чувствительности элемента к нелинейности. В соответствии с [14], для нелинейной ВАХ можно ввести ее чувствительность к внешнему напряжению:

$$S_v = (\Delta I/I)/(\Delta V/V),$$

где  $\Delta I$  — приращение тока  $I$  через элемент, создаваемое приращением  $\Delta V$  внешнего напряжения  $V$ . При бесконечно малых изменениях внешнего напряжения чувствительность  $S_v$  записывается в дифференциальной форме:

$$\alpha(V) = \left[ \frac{V}{I(V)} \right] / \left[ \frac{dV}{dI(V)} \right] = \frac{d \ln I(V)}{d \ln V}. \quad (6)$$

Поскольку ВАХ Шоттки-структурь описывается экспонентой (1), то понятно, почему авторы метода назвали этот параметр не чувствительностью, а показателем экспоненты.

Из (6) можно заметить, что  $\alpha(V)$  как параметр нелинейности ВАХ двухполюсника по физическому смыслу представляет собой не что иное, как отношение статического сопротивления  $Rst(V) = V/I$  к дифференциальному

сопротивлению  $Rd(V) = dV/dI$  анализируемого элемента при заданном смещении  $V$ . В дальнейшем, обсуждая параметр нелинейности  $\alpha(V)$  изучаемых Шоттки-структур, будем следовать терминологии авторов метода, называя его показателем экспоненты.

Применимально к задаче выявления зависимости высоты барьера Шоттки в КМП от обратного напряжения и определения абсолютной величины снижения барьера в Шоттки структуре, можно считать, что падение напряжения на ее базе пренебрежимо мало в сравнении с падением напряжения на барьерной области. Поэтому будем полагать, что все внешнее напряжение практически полностью приложено к области пространственного заряда КМП. Тогда при обратных смещениях  $V_R \geq 3V_T$  ВАХ (3) Шоттки-структуры:

$$I_R(V_R) = SA^{**} T^2 \exp\left[-\frac{\varphi_b(0)}{V_T} - \frac{V_R}{nV_T}\right] \exp\left(\frac{V_R}{V_T}\right). \quad (7)$$

В то же время, при высоте барьера Шоттки  $q\varphi_b(V_R) = q\varphi_b(0) - q\Delta\varphi_b(V_R)$ , зависящей от  $V_R$ , где вычитаемым является искомое снижение барьера, из (3) следует:

$$I_R(V) = SA^{**} T^2 \exp\left[-\frac{\varphi_b(V_R)}{V_T}\right] \exp\left(\frac{V_R}{V_T}\right). \quad (8)$$

Приравнивая правые части (7) и (8), легко получить взаимосвязь между абсолютной величиной снижения барьера Шоттки, коэффициентом идеальности и обратным напряжением  $V_R$ :

$$\Delta\varphi_b(V_R)/V_T = [1 - 1/n(V_R)](V_R/V_T), \quad (9)$$

где, как обычно, снижение барьера и напряжение нормированы на термический потенциал  $V_T$ .

Отсюда можно заключить, что в общем случае, когда доминирующим транспортным процессом в КМП является термоэмиссия, а неидеальность ВАХ связана с изменением высоты барьера под действием внешнего напряжения, коэффициент идеальности также зависит от напряжения. Несложные алгебраические преобразования выражения (9) позволяют записать:

$$n(V_R) = [1 - \Delta\varphi_b(V_R)/V_R]^{-1} \quad (10)$$

без каких-либо ограничений на соотношение между высотой барьера Шоттки при нулевом смещении и ее изменением под действием внеш-

него напряжения. Более того, если функция  $\Delta\varphi_b(V_R)$  нелинейна, то и коэффициент идеальности нелинейно зависит от напряжения. Из этого следует, что он будет постоянен лишь в частном случае, когда изменение высоты барьера линейно зависит от смещения.

С учетом (7)–(9) обратный ток Шоттки-структур легко связать со снижением высоты барьера в КМП:

$$I_R(V_R) = I_{S0} \exp[\Delta\varphi_b(V_R)/V_T], \quad (11)$$

так что дифференциальное сопротивление контакта

$$\frac{1}{R_d(V)} = \frac{dI_R}{dV_R} = I_R(V_R) \frac{d[\Delta\varphi_b(V_R)/V_T]}{dV_R}. \quad (12)$$

Подстановка (11) и (12) в (6) приводит к следующему выражению для показателя экспоненты:

$$\alpha_R(V_R) = V_R d[\Delta\varphi_b(V_R)/V_T] / dV_R, \quad (13)$$

откуда явно видно, что  $\alpha_R(V_R)$  определяется не полной высотой барьера при заданном смещении  $V_R$ , а величиной изменения (в данном случае — снижения) барьера под действием напряжения. Именно это свойство  $\alpha_R(V_R)$  и было положено авторами [11–13] в основу метода получения зависимости изменения высоты барьера Шоттки внешним напряжением свободного от погрешностей, связанных с малостью этого изменения на фоне равновесной величины высоты барьера  $q\varphi_b(0)$ .

Снижение высоты барьера как функция внешнего напряжения легко находится интегрированием (13):

$$\Delta\varphi_b(V_R)/V_T = \int_{3V_T}^{V_R} [\alpha_R(V_T)/V_R] dV_R. \quad (14)$$

Соотношение (14) является ключевым для экспериментального определения зависимости абсолютной величины снижения барьера от внешнего напряжения. При этом отличный от нуля нижний предел интегрирования в (14) обусловлен ограничением на величину  $V_R$ , упрощающим аналитический вид ВАХ диода для  $V_R > 3V_T$  при выводе формулы (13). Понятно, что оно не является принципиальным.

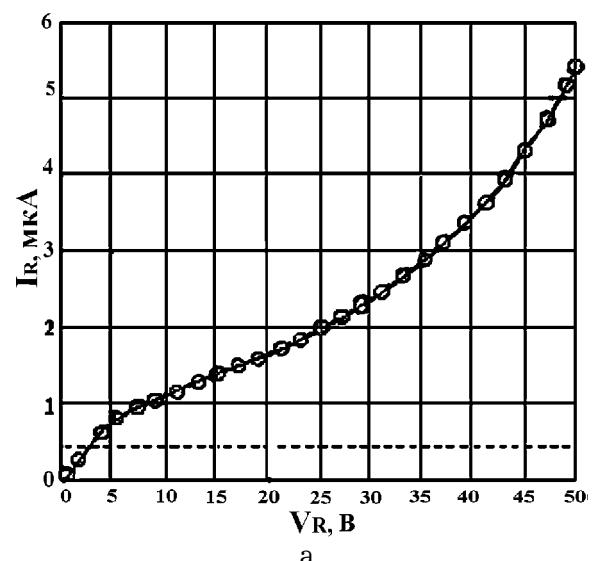
## РЕЗУЛЬТАТЫ ЭКСПЕРИМЕНТА И ИХ ОБСУЖДЕНИЕ

Измерения обратных ВАХ Шоттки-структур Mo/n-Si выполнены при напряжениях,

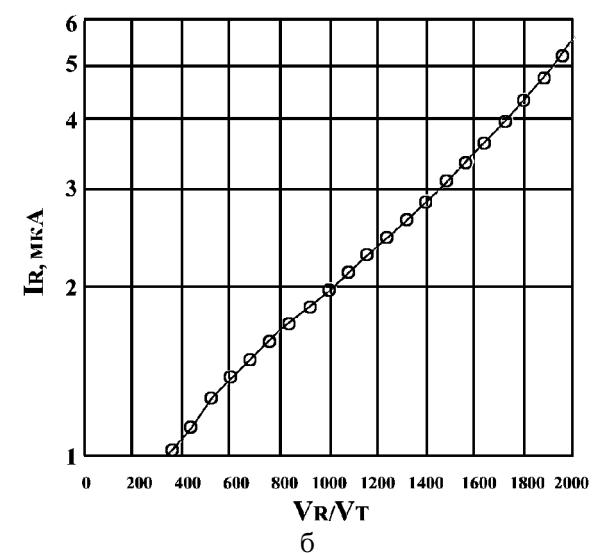
до 50 В включительно. Это связано с обеспечением необходимой чистоты эксперимента, т.к. при напряжениях, больших указанного, не исключается возможность лавинной ионизации атомов электронами, получившими от электрического поля достаточную для этого энергию. Ударная ионизация приводит к дополнительному увеличению обратного тока, не связанному со снижением барьера Шоттки, но влияющему на поведение ВАХ. Предельное значение обратного напряжения было найдено численной оценкой коэффициента лавинного умножения электронов в обратно смещенном КМП на основе соотношения, приведенного в [15]. Для исследуемых образцов при комнатной температуре и  $V_R = 50$  В коэффициент лавинного умножения электронов составляет 1,023 и резко растет при  $V_R > 50$  В. Поэтому для напряжений вплоть до 50 В лавинную составляющую обратного тока в исследуемых КМП можно не учитывать. Тем самым в условиях эксперимента исключается влияние лавинообразования в контакте на его ВАХ, статическое и дифференциальное сопротивления, и, в конечно итоге, на анализируемые зависимости  $\alpha_R(V_R)$  и  $\Delta\phi_b(V_R)$ .

Следует отметить, что обратные ветви ВАХ исследуемых образцов характеризуются весьма высокой воспроизводимостью: для различных образцов измеренные ВАХ совпадают с доверительной вероятностью не менее 96 %. Это дало основание для усреднения физических параметров Шоттки-структур, результатов эксперимента и полученных зависимостей по всем девяти образцам.

На рис. 1 представлены измеренные обратные ветви ВАХ контактов Mo/n-Si в линейном (а) и полулогарифмическом (б) масштабах. Для удобства анализа на последнем рисунке по оси абсцисс отложено не абсолютное значение обратного напряжения, а его величина, нормированная на термический потенциал  $V_T$  (измерения проведены при  $T = 293$  K, так что  $V_T = 25,25$  мВ). Обращаясь к рис. 1а, легко видеть, что во всем диапазоне обратных напряжений насыщение тока отсутствует. Горизонтальная пунктирная линия на графике соответствует величине модельного тока насыщения  $I_{s0} = (4,52 \pm 0,19) \cdot 10^{-7}$  А, к которому должен был стремиться обратный ток  $I_R$  при  $V_R > 3V_T$  и неизменной высоте барьера в КМП.



а



б

Рис. 1. Обратная ветвь вольтамперной характеристики Шоттки-структуры Mo/n-Si в линейном (а) и полулогарифмическом (б) масштабах

Более наглядно "мягкое" поведение обратного тока иллюстрируется рис. 1б, где та же ВАХ представлена в полулогарифмическом масштабе. Действительно, из (2) и (11) следует, что при  $V_R > 3V_T \ln[I_R(V_R)]$  пропорционален высоте потенциального барьера в Шоттки-структуре  $q\phi_b(V_R)$ , так что наблюдаемое нарастание обратного тока с увеличением напряжения обусловлено изменяющейся с напряжением высотой барьера. Отметим, что при обратном напряжении 50 В ток возрастает более, чем в десять раз в сравнении с  $I_{s0}$ , который бы протекал через КМП при неизменной высоте барьера.

Необходимые для получения зависимости  $\alpha_R(V_R)$  статическое  $R_{st}(V_R)$  и дифференциаль-

ное  $R_d(V_R)$  сопротивления обратно смещенной Шоттки-структуре представлена на рис. 2. Зависимость  $R_d(V_R)$  была получена численным дифференцированием измеренной ВАХ.

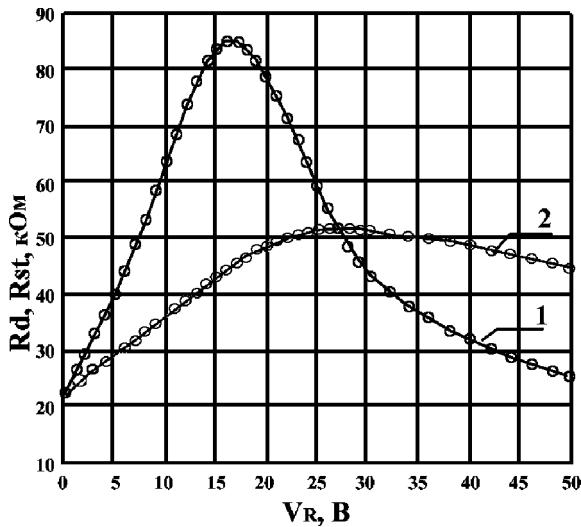


Рис. 2. Зависимости дифференциального (кривая 1) и статического (кривая 2) сопротивлений от обратного напряжения

Характерно, что с ростом обратного смещения оба этих сопротивления сначала увеличиваются (при  $V = 0$  их величины одинаковы и равны  $(2.21 \pm 0.03) \cdot 10^4$  Ом), достигают максимума, а затем убывают. Однако максимум дифференциального сопротивления имеет место при меньшем напряжении, чем максимум статического: наибольшее значение  $Rd = 85$  кОм при  $V_R = 702V_T$  (17,7 В), а наибольшее значение  $Rst = 51,2$  кОм при  $V_R = 1122V_T$  (28,3 В). При  $V_R < 28,3$  В  $Rd(V_R)$  заметно превышает  $Rst(V_R)$ , тогда как при  $V_R > 28,3$  В имеет место их обратное соотношение. При напряжении  $V_R = 28,3$  В величины обоих сопротивлений равны. Кроме того, максимальное значение дифференциального сопротивления превышает максимальное значение статического сопротивления в 1,7 раза. Приведенные на рис. 2 зависимости  $Rst(V_R)$  и  $Rd(V_R)$  еще раз подтверждают наше предположение о связи между "мягким" поведением обратного тока и изменяющейся внешним напряжением высотой барьера Шоттки. Действительно, в соответствии с (1), полученным в допущении неизменности высоты барьера в КМП, ни статическое, ни дифференциальное

сопротивления обратно смещенной Шоттки-структуре не должны иметь максимумов. Более того, при  $V_R > 3V_T$   $Rst(V_R)$  должно линейно расти с увеличением  $V_R$ , тогда как  $Rd(V_R)$  — стремиться к бесконечности из-за насыщения обратного тока.

С учетом (6) по данным, представленным на рис. 2, была получена зависимость  $\alpha_R(V_R)$ , показанная на рис. 3, где по оси абсцисс отложено обратное напряжение  $V_R$ , нормированное на термический потенциал  $VT$ . Как и следовало ожидать, при  $V_R = 0$   $\alpha_R(0) = 1$ , т.к. статическое и дифференциальное сопротивления Шоттки-структуре здесь равны. С увеличением обратного напряжения  $\alpha_R(V_R)$  сначала убывает, достигая минимальной величины, равной 0,51, при  $V_R = 708V_T$  (17,7 В) соответствующем максимуму  $Rd(V_R)$ , а затем повсеместно растет до 1,91 при  $V_R = 1980V_T$  (50 В). Отметим, что при  $V_R = 1122V_T$  (23,8 В)  $\alpha_R = 1$  вследствие равенства статического и дифференциальных сопротивлений КМП. Наличие минимума зависимости  $\alpha_R(V_R)$ , как и последующее увеличение показателя экспоненты с ростом обратного напряжения, легко объясняются обсуждавшимся ранее поведением статического и дифференциального сопротивлений образцов.

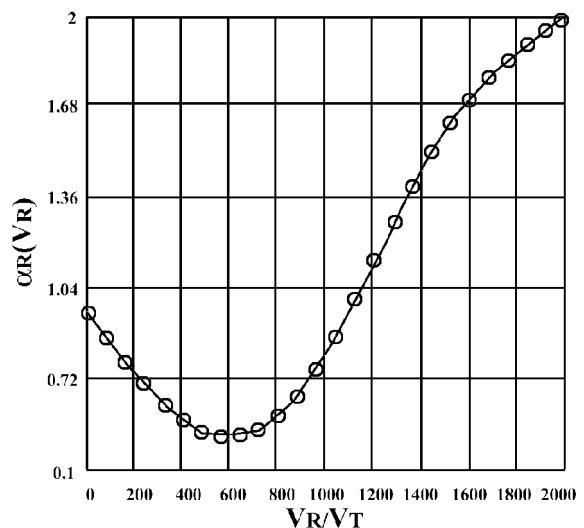


Рис. 3. Зависимость показателя экспоненты  $\alpha_R$  от нормированного обратного напряжения

Функциональная связь абсолютной величины снижения барьера Шоттки с обратным напряжением получена численным интегрированием отношения  $\alpha_R(V_R)/V_R$  в соответствии с выражением (14). Результат этой процедуры

ры представлен точками на рис. 4, где, как и прежде, на оси абсцисс отложено нормированное обратное напряжение  $V_R/V_T$ .

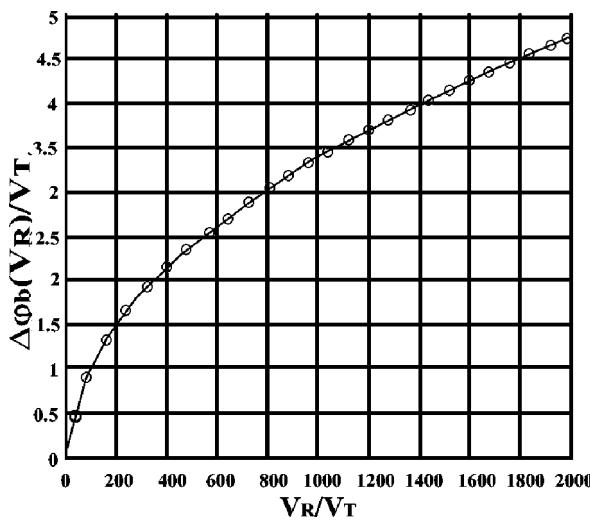


Рис. 4. Нормированное снижение барьера Шоттки как функция нормированного обратного напряжения. Точки — экспериментальные данные, сплошная линия — регрессионная кривая (16)

Отметим, что полученная кривая исходит не из начала координат, а от  $V_R = 3V_T$ , что уже обсуждалось выше. Однако из-за гладкости ее можно экстраполировать к началу координат, т.к. снижение барьера отсчитывается относительно его высоты при нулевом смещении. Как легко видеть, абсолютная величина снижения барьера Шоттки в контакте Mo/n-Si монотонно растет с ростом обратного смещения, следствием чего и является монотонное нарастание обратного тока через контакт (рис. 1). При этом абсолютная величина изменения высоты барьера не велика: при наибольшем обратном напряжении 50 В она составляет лишь  $4,8kT$  (0,12 эВ), т.е. около 18 % высоты барьера при нулевом смещении.

Параболическая модель барьера Шоттки [1—3], справедливая при любых обратных смещениях, однозначно связывает внешнее напряжение  $V_R$  и максимальную напряженность электрического поля  $E_m$  на границе раздела металл—полупроводник выражениями (4) и (5). Поэтому для идентификации физических явлений, ответственных за снижение барьера в КМП при анализе зависимости

$\Delta\varphi_b(V_R)/V_T$ , представленной на рис. 4, удобно пользоваться безразмерной максимальной напряженностью электрического поля:

$$\Theta = E_m(V_R) / E_m(0) = \sqrt{1 + \frac{V_R}{V_D - V_T}}, \quad (15)$$

что облегчает определение природы снижения барьера обратным напряжением.

Нелинейная регрессия зависимости  $\Delta\varphi_b(V_R)/V_T$  во всем интервале обратных смещений от  $3V_T = 75$  мВ до 50 В ( $1,1 \leq \Theta \leq 11,99$ ) показывает, что нормированное на термический потенциал снижение барьера Шоттки в КМП с достаточно высокой степенью точности (стандартное отклонение сглаживающей функции относительно результата эксперимента не превышает  $\pm 2,47 \cdot 10^{-2}$ ) описывается выражением:

$$\Delta\varphi_b(\Theta) / V_T = b_0 + b_1 \sqrt{\Theta} + b_2 \Theta \quad (16)$$

при  $b_0 = -(0,916 \pm 0,002)$ ,  $b_1 = (0,651 \pm 0,016)$  и  $b_2 = (0,283 \pm 0,008)$ . Переходом в (16) от безразмерного поля  $\Theta$  к нормированному обратному напряжению  $V_R/V_T$  с учетом (15), была получена регрессионная кривая  $\Delta\varphi_b(V_R/V_T)/V_T$  представленная на рис. 4 сплошной линией. Нетрудно заметить, что экспериментально найденные величины снижения барьера при разных обратных напряжениях (точки) хорошо совпадают с результатом нелинейной регрессии (сплошная кривая) во всем диапазоне обратных смещений от 0,075 В до 50 В.

Полученный результат позволяет идентифицировать физические явления, ответственные за снижение барьера Шоттки в контакте Mo/n-Si и приводящие к "мягкому" поведению обратного тока. Как известно [1—3], снижение барьера, пропорциональное  $\Theta^{1/2}$ , обусловлено действием сил зеркального изображения, т.е. эффектом Шоттки на границе раздела металл—полупроводник. При этом

$$\Delta\varphi_b(\Theta) / V_T = (\sqrt{\Theta} - 1) \sqrt{qE_m(0) / V_T} / V_T,$$

так что коэффициент

$$b_1 = \sqrt{\frac{qE_m(0)}{4\pi\epsilon\epsilon_0}} \quad (17)$$

определяется максимальной напряженностью внутреннего электрического поля в КМП  $E_m(0)$ , диэлектрической проницаемостью  $\epsilon\epsilon_0$  и температурой  $T$  полупроводника. Численное

значение  $b_1$  позволило найти величину  $E_m(0) = (2,162 \pm 0,066) \cdot 10^4$  В/см, согласующуюся с оценочным значением  $E_m(0) = 2,206 \cdot 10^4$  В/см, рассчитанным по экспериментально определенным  $V_D$  и  $N_D = n_{n0}$ . Таким образом, эффект Шоттки в исследуемых КМП является одним из факторов, обусловливающих снижение потенциального барьера обратным смещением.

Третье слагаемое в (16), описывающее снижение барьера и пропорциональное максимальной напряженности электрического поля в КМП, в соответствии с [2,7] может быть связано с дипольным эффектом на границе раздела металл—полупроводник. В этом случае

$$\Delta\varphi_b(\Theta) / V_T = \lambda E_m(0)(\Theta - 1) / V_T,$$

где  $\lambda$  — параметр дипольного эффекта, имеющий размерность длины и для тесных контактов к кремнию равный  $(1,5 \pm 4) \cdot 10^{-7}$  см [7]. Отсюда можно определить параметр  $b_2$  сглаживающей кривой так:

$$b_2 = \lambda E_m(0) / V_T. \quad (18)$$

По величине  $E_m(0)$ , из (18) для контакта Mo/n-Si был определен параметр дипольного эффекта  $\lambda = (3,272 \pm 0,217) \cdot 10^{-7}$  см, вполне укладывающийся в интервал его возможных значений. Таким образом, можно заключить, что, помимо эффекта Шоттки, снижение потенциального барьера в исследуемых контактах обусловлено одновременным действием дипольного эффекта.

В дополнение к сказанному отметим, что в (16) свободный член  $b_0$  равен по абсолютной величине и противоположен по знаку сумме коэффициентов  $(b_1 + b_2)$  в пределах их погрешностей. Это вполне логично, т.к. в отсутствие внешнего напряжения ( $\Theta = 1$ ) снижение барьера равно нулю по выбору начала его отсчета.

Как показывают оценки слагаемых выражения (16), вклады каждого из рассматриваемых эффектов в результирующее снижение барьера соизмеримы, однако во всем диапазоне смещений в сравнении с эффектом Шоттки дипольный эффект вызывает большее по абсолютной величине снижение барьера. Так, при  $V_R = 1$  В парциальные снижения барьера составляют  $1,03kT$  для действия сил зеркального изображения и  $1,6kT$  для дипольного эффекта. Увеличение обратного смещения делает их различие более ощутимым: при  $V_R = 50$  В парциальные величины снижения

барьера составляют  $1,6kT$  и  $3,11kT$  соответственно.

Полученные результаты позволяют полагать, что термополевая эмиссия и неоднородность высоты барьера по площади контакта не оказывают существенного влияния на “мягкое” поведение обратного тока Шоттки-структур Mo/n-Si. Согласно [2], снижение барьера при термополевой эмиссии пропорционально  $\Theta^{2/3}$ . Учет такого слагаемого в (16) при регрессии не вносит ощутимого вклада в результирующее снижение барьера. Даже при максимальном обратном напряжении вклад термополевой эмиссии не превышает 0,9 % общего снижения барьера и не идентифицируется в пределах погрешности сглаживания. Вообще говоря, этого и следовало ожидать для исходного кремния с концентрацией примеси  $4,5 \cdot 10^{15}$  см<sup>-3</sup> при комнатной температуре, т.к. для этого материала параметр термополевой эмиссии  $E_{00} = 7,1 \cdot 10^{-4}$  В и существенно меньше  $V_T$ .

Что касается неоднородности высоты барьера по площади контакта, то по Тангу [9] снижение барьера в этом случае пропорционально  $\Theta^{4/3}$ . Включение такого дополнительного члена в (16) и последующая нелинейная регрессия показали, что получающийся результат в пределах стандартного отклонения совпадает со сглаживающей кривой, учитывающей только дипольный эффект и эффект Шоттки. Более того, по нашим оценкам неоднородность высоты барьера даже при наибольшем обратном смещении приводит к снижению барьера, не превышающему 0,8 % общего снижения барьера. Отсюда можно заключить, что с точки зрения однородности высоты барьера по площади контакта Шоттки-структуры Mo/n-Si достаточно совершенны, а различие локальных значений высот барьера не столь значительно, чтобы оно привело к заметному снижению барьера Шоттки обратным смещением. Добавим, что к такому же выводу пришли авторы работы [16], исследовавшие “мягкое” поведение Шоттки-структур с силицидными контактами к кремнию с близкой к нашей концентрацией донорной примеси.

Таким образом, для изучаемых эпитаксиальных Шоттки-структур на основе контакта Mo/n-Si “мягкое” поведение обратного тока обусловлено снижением потенциального барьера совместным действием сил зеркального изображения и дипольного эффекта.

В заключение отметим, что предложенная нами интерпретация "мягкого" увеличения тока в КМП с ростом обратного напряжения отличается от предложенной авторами работы [16], где снижение барьера как функция максимальной напряженности электрического поля на границе раздела металл-полупроводник описывается полиномом третьей степени с нулевым свободным членом и тремя эмпирическими параметрами. Если линейный член этой зависимости можно объяснить присутствием дипольного эффекта, то существование квадратичного и кубического слагаемых регрессионного полинома трудно связать с какими-то реальными физическими механизмами полевого снижения барьера Шоттки при обратном смещении. Кстати, авторы [16] работы этого и не пытались сделать, ограничившись лишь приведением численных значений подгоночных параметров сглаживающего полинома. Сами по себе величины этих параметров не несут физической информации и следует ожидать, что они будут различны для кремниевых Шоттки-структур с различными контактными металлами и различным уровнем легирования полупроводника.

Авторы выражают благодарность В. И. Винокурову и А. И. Жуликову за участие в эксперименте и искреннюю признательность д-ру В. Михелашвили и проф. Г. Эйзенштейну (Technion, Haifa, Israel) за предоставленные оттиски их работ и ознакомление с работой [13] до ее опубликования.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Зи. С. М. Физика полупроводниковых приборов: В 2-х кн. — М.: Мир, 1984. — Кн. 1. — 456 с.
2. Rhoderick E. H., Williams R.H. Metal-Semiconductor Contacts. — Oxford: Clarendon Press, 1988. — 252 p.
3. Metal-Semiconductor Schottky Barrier Junctions and Their Applications / Ed. by Sharma B. L. — New York—London; Plenum Press, 1984. — 370 p.
4. Missous M., Rhoderick E. H. // Electronics Letters. — 1986, — V. 22, № 9. — P. 477—478.
5. Crowell C. R., Rideout V. L. Solid State Electronics. — 1969, — V. 12, № 2. — P. 89—105.
6. Heine V. // Phys. Rev. — 1965, — V. 138, № 6A. — P. 1689—1696.
- Pellegrini B. // Phys. Rev. — 1973, — V. B7, № 7. — P. 5299—5312.
7. Andrews J. M., Lepsetler M. P. // Solid State Electronics. — 1970, — V. 13, № 7. — P. 1011—1025.
8. Werner J. H., Guttler H. H. // J. Appl Phys., — 1991. — V. 69, № 3. — P. 1922—1533.
- Werner J. H., Rau U. Schottky Contacts on Silicon// Silicon-Based Millimeter-Wave Devices. Springer Series in Electronics and Photonics. — Berlin; Heidelberg, 1984. — V. 32. — P. 89—148.
9. Tung R. T// Phys. Rev. — 1991. — V. B45, № 23. — P. 13509—13523.
- Tung R. T, Schottky Barriers and Ohmic Contacts to Silicon // Contacts to Semiconductors: Fundamentals and Technology — Park Ridge, 1993. — P. 176—291.
10. Van Meirhaeghe R. L. Fundamental Properties and Nanoscale Effects in Schottky Barriers // Frontiers in Nanoscale Science of Micron/ Submicron Devices. NATO Science Series: E-Applied Science. Proc. of NATO Advanced Study Institute. — V. 298. — P. 315—353.
11. Mikhelashvili V., Eisenstein G., Garber V. et al.// J. Appl. Phys. — 1999, — V. 85, № 9. — P. 6873—6882.
12. Mikhelashvili V., Eisenstein G. // J. Appl. Phys. — 1999, — V. 86, № 12. — P. 6965—6969.
13. Mikhelashvili V., Eisenstein G., Uzdin R. // Solid State Electronics. — 2001, — V. 45, № 1. — P. 143—148.
14. Tarnay K., Elfsten B., Masszi F., Tove P. A. // Solid State Electronics. — 1986. — V. 29, № 6. — P. 613—617.
15. Tu Sh.-H., Baliga B. J. // IEEE Trans. Electron Devices. — 1992. — V. ED-39, № 12. — P. 2813—2814.
16. Furio C., Charitat G., Lhorte A., Dilhac J.-M. // EPE Journal. — 1998. — V. 7, № 3—4. — P. 7—11.