

---

# ЭКОНОМИКО-МАТЕМАТИЧЕСКИЕ МЕТОДЫ

---

УДК 336.1; 336.22

## СТОХАСТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ ПРОЦЕССОВ ПЛАНИРОВАНИЯ МЕРОПРИЯТИЙ В СИСТЕМАХ ФИНАНСОВОГО КОНТРОЛЯ

Т. В. Азарнова, М. З. Берколайко, А. А. Сергеев

*Воронежский государственный университет*

Финансовый контроль является практическим воплощением контрольной функции, присущей финансам как экономической категории. Финансовый контроль представляет собой строго регламентированную деятельность специально созданных контролирующих органов за соблюдением финансового законодательства и финансовой дисциплины всех экономических субъектов. Так же как финансы являются основой любой сферы общественной деятельности и отражают их материальную результативность, так и финансовый контроль является как бы лакмусовой бумагой, на которой реально проявляется весь процесс движения финансовых ресурсов, начиная от стадии формирования финансовых ресурсов, необходимых для начала осуществления деятельности в любой сфере, и кончая получением финансовых результатов этой деятельности. В условиях непрерывной хозяйственной и финансовой деятельности предприятий наиболее привлекательным является непрерывный финансовый контроль, т.е. непрерывное слежение за протекающими процессами. Однако любой контроль связан с расходом финансовых средств и времени экспертизы группы, осуществляющей контроль, поэтому в реальных условиях работы систем финансового контроля непрерывный контроль невозможен. Непрерывный контроль заменяется дискретным, при этом требуются специальные методы планирования и проведения контрольных мероприятий. Эти методы должны обеспечивать минимальную потерю информации о финансовой и хозяйственной деятельности проверяемого пред-

приятия, не допускать возникновения существенных финансовых нарушений на предприятии.

В данной статье предложены стохастические модели планирования контрольных мероприятий в системах финансового контроля, базирующиеся на методах теории массового обслуживания, оптимизации, кластерного, регрессионного и дискриминантного анализа. Данные модели позволяют разработать индивидуальные графики контрольных мероприятий для групп предприятий с определенными коэффициентами деловой активности и сложности организационной структуры. Выделение групп  $\Omega_i$ ,  $i = 1, n$  предприятий, однородных с точки зрения деловой активности, осуществляется методами кластерного анализа на основании следующих общепринятых коэффициентов деловой активности:

–  $K_1$  — коэффициент общей оборачиваемости капитала.  $K_1$  отражает скорость оборота (в количестве оборотов за период) всего капитала предприятия. Рост  $K_1$  означает ускорение кругооборота капитала или инфляционный рост цен (в случае снижения  $K_2$  или  $K_3$ ).

–  $K_2$  — коэффициент оборачиваемости мобильных средств.  $K_2$  показывает скорость оборота мобильных (как материальных, так и нематериальных) средств предприятия. Рост  $K_2$  характеризуется положительно, если сочетается с ростом  $K_3$ , и — отрицательно, если  $K_3$  уменьшается).

–  $K_3$  — коэффициент оборачиваемости материальных оборотных средств.  $K_3$  отражает число оборотов запасов и затрат предприятия за анализируемый период. Снижение  $K_3$  свидетельствует об относительном увеличении производственных запасов и

---

© Азарнова Т. В., Берколайко М. З., Сергеев А. А., 2005.

## ЭКОНОМИКО-МАТЕМАТИЧЕСКИЕ МЕТОДЫ

незавершенного производства или о снижении спроса на готовую продукцию (в случае уменьшения  $K_4$ ).

–  $K_4$  — коэффициент оборачиваемости готовой продукции.  $K_4$  показывает скорость оборота готовой продукции. Рост  $K_4$  означает увеличение спроса на продукцию предприятия, снижение  $K_4$  — затоваривание готовой продукцией в связи со снижением спроса.

–  $K_5$  — коэффициент оборачиваемости дебиторской задолженности.  $K_5$  показывает расширение или снижение коммерческого кредита, предоставляемого предприятием. Если коэффициент рассчитывается по выручке от реализации, формируемой по мере оплаты счетов, рост  $K_5$  означает сокращение продаж в кредит. Снижение в этом случае свидетельствует об увеличении объема предоставляемого кредита.

–  $K_6$  — средний срок оборота дебиторской задолженности.  $K_6$  характеризует средний срок погашения дебиторской задолженности. Положительно оценивается снижение этого показателя.

–  $K_7$  — коэффициент оборачиваемости кредиторской задолженности.  $K_7$  характеризует расширение или снижение коммерческого кредита, предоставляемого предприятию. Рост  $K_7$  означает увеличение скорости оплаты задолженности предприятия, снижение — рост покупок в кредит.

–  $K_8$  — средний срок оборота кредиторской задолженности.  $K_8$  отражает средний срок возврата долгов предприятия (за исключением обязательств перед банками и прочими займами).

–  $K_9$  — фондоотдача основных средств и прочих внеоборотных активов.  $K_9$  характеризует эффективность использования основных средств и прочих внеоборотных активов, измеряемую величиной продаж, приходящихся на единицу стоимости средств.

–  $K_{10}$  — коэффициент оборачиваемости собственного капитала.  $K_{10}$  показывает скорость оборота собственного капитала. Существенное снижение  $K_{10}$  отражает тенденцию к бездействию части собственных средств.

Существует целый ряд методов кластерного анализа, которые могут использоваться для решения данной задачи классифика-

ции. В данной работе предлагается использовать метод « $k$ -средних». Считается, что количество классов  $k$  заранее неизвестно, на нулевой итерации рассматривается три класса (класс с низкой, средней и высокой деловой активностью), за эталонные множества начальных классов принимаются предприятия, которые, по мнению экспертов, относятся к предприятиям соответственно с низкой, средней и высокой деловой активностью. Качество классификации можно оценить с помощью различных функционалов качества классификации и с помощью методов дискриминантного анализа.

С точки зрения сложности организационной структуры выделяются группы  $T_j$ ,  $j = 1, p$  предприятий с линейной, функциональной, линейно-функциональной и матричной структурами.

Принадлежность предприятия к определенной группе  $\Omega_i$  по деловой активности позволяет судить о скорости накопления информации и неопределенности в его финансовой и хозяйственной деятельности. Принадлежность же к определенной группе  $T_j$  говорит о сложности проведения контрольного мероприятия на данном предприятии.

Будем считать, что есть некоторое фиксированное множество  $N$  предприятий, подлежащих регулярному дискретному контролю. Предприятия разбиты на группы по деловой активности  $\Omega_i$ ,  $i = 1, n$  и на группы по сложности организационной структуры  $T_j$ ,  $j = 1, p$ . Обозначим через  $N_{ij}$ ,  $i = 1, n$ ;  $j = 1, p$  количество предприятий, соответствующих сочетанию  $(\Omega_i, T_j)$ . Для каждой пары  $(\Omega_i, T_j)$  требуется определить правило проведения контрольных мероприятий во времени. Предполагается, что контрольные мероприятия могут проводиться в случайные моменты времени и, что поток проверок является простейшим (обладает свойствами: стационарности, ординарности и отсутствия последействия) с параметром  $\lambda_{ij}$ . Параметр  $\lambda_{ij}$  характеризует интенсивность потока проверок, т.е. среднее количество проверок в единицу времени (например, в год или в три года). Именно параметры потоков  $\lambda_{ij}$  для каждой пары  $(\Omega_i, T_j)$  подлежат определению в оптимизационной модели, предлагаемой в данной статье.

Для простейшего потока вероятность проведения  $k$  проверок за время  $t$  определяется по формуле

$$P_k(t) = \frac{(\lambda_{ij} t)^k}{k!} e^{-\lambda_{ij} t},$$

а промежуток времени  $\xi_{ij}$  между соседними проверками распределен по показательному закону

$$F_{\xi_{ij}}(t) = P(\xi_{ij} < t) = \begin{cases} 1 - e^{-\lambda_{ij} t}, & t > 0 \\ 0, & t \leq 0 \end{cases}$$

с параметром  $\lambda_{ij}$ .

Кроме предположений о свойствах потока проверок в модели присутствует также предположение о том, что время проверки для предприятий из класса  $T_j$  есть случайная величина  $\zeta_j$ , распределенная по показательному закону

$$F_{\zeta_j}(t) = P(\zeta_j < t) = \begin{cases} 1 - e^{-\mu_j t}, & t > 0 \\ 0, & t \leq 0 \end{cases}$$

с параметром  $\mu_j$ , характеризующим интенсивность обслуживания предприятий из класса  $T_j$ . Величина  $T_{npj} = 1/\mu_j$  показывает среднее время проверки одного предприятия из класса  $T_j$ , она определяется на основании обработки статистических данных по классу  $T_j$ .

Поскольку и интервалы времени между соседними проверками и время проведения проверки являются случайными величинами, исследуемую систему удобно описывать в терминах случайных процессов. Введем понятие состояния системы и выведем систему дифференциальных уравнений для вероятностей различных состояний исследуемой системы.

Состояния системы будем описывать упорядоченными наборами пар индексов вида  $((i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_k, j_k))$ . Номер  $k$  указывает на то, что сейчас в системе находится  $k$  предприятий, предприятия характеризуются только парой индексов  $(i, j)$ ,  $i$  — номер класса по деловой активности,  $j$  — номер класса по сложности структуры, пара  $(i_1, j_1)$ , стоящая в упорядоченном наборе на первом месте относится к предприятию, на котором осуществляется проверка, все остальные пары  $(i_2, j_2), \dots, (i_k, j_k)$  — это пред-

приятия, стоящие в заданном порядке в очереди на проведение проверки.

Символом  $P_{((i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_k, j_k))}(t)$  обозначим вероятность того, что через время  $t$  после начала функционирования система будет находиться в состоянии  $((i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_k, j_k))$ , в частности символом  $P_0(t)$  обозначается вероятность того, что система пустая, т.е. нет предприятий, в которых проводится проверка, и нет предприятий, стоящих в очереди на проведение проверки. Для начального момента времени  $t = 0$  делаются следующие предположения:

$$P_{((i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_k, j_k))}(0) = 0, \quad \forall k = \overline{1, p}, \quad \forall ((i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_k, j_k)); \quad P_0(0) = 1.$$

Знание вероятностей  $P_{((i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_k, j_k))}(t)$  позволит рассчитать различные характеристики эффективности функционирования системы финансового контроля, такие как абсолютная пропускная способность, относительная пропускная способность, средняя длина очереди, среднее время пребывания в очереди, доля времени, когда система свободна и т.д. Эти характеристики учитываются при построении оптимизационной модели, для нахождения оптимальных (эффективных) значений  $\lambda_{ij}$ . Вероятности  $P_{((i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_k, j_k))}(t)$  находятся из решения системы дифференциальных уравнений Колмогорова. Для вывода данной системы дифференциальных уравнений рассмотрим промежуток времени длины  $t + \Delta t$ . В силу описанных выше свойств случайных процессов, протекающих в системе, справедливы следующие уравнения

$$\begin{aligned} & P_{((i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_k, j_k))}(t + \Delta t) = \\ & = P_{((i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_k, j_k))}(t)(1 - \mu_{j_1} \Delta t + o(\Delta t)) \times \\ & \times \prod_{(i,j)} \left( 1 - \left( N_{ij} - \sum_{m=1}^k \sum_{(i_m, j_m)=(ij)} 1 \right) \lambda_{ij} \Delta t + o(\Delta t) \right) + \\ & + P_{((i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_k, j_k))}(t)(1 - \mu_{j_1} \Delta t + o(\Delta t)) \times \\ & \times \left( N_{i_k j_k} - \sum_{m=1}^k \sum_{(i_m, j_m)=(i_k j_k)} 1 \right) \lambda_{i_k j_k} \Delta t + o(\Delta t) \times \\ & \times \prod_{(i,j) \neq (i_k, j_k)} \left( 1 - \left( N_{ij} - \sum_{m=1}^k \sum_{(i_m, j_m)=(ij)} 1 \right) \lambda_{ij} \Delta t + o(\Delta t) \right) + \\ & + \sum_{(i_0, j_0)} \left( N_{i_0 j_0} - \sum_{m=1}^k \sum_{(i_m, j_m)=(i_0 j_0)} 1 \right) \times \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \times P_{((i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_k, j_k))}(t) (\mu_{j_0} \Delta t + o(\Delta t)) \times \\ & \times \prod_{(i, j)} \left( 1 - \left( N_{ij} - \sum_{m=1}^k \sum_{(i_m, j_m)=(ij)} 1 \right) \lambda_{ij} \Delta t + o(\Delta t) \right) + o(\Delta t); \\ P_0(t + \Delta t) & = P_0(t) \cdot \prod_{(i, j)} (1 - N_{ij} \lambda_{ij} \Delta t + o(\Delta t)) + \\ & + \sum_{(i_0, j_0)} P_{((i_0, j_0))}(t) (\mu_{j_0} \Delta t + o(\Delta t)) \times \\ & \times \left( 1 - (N_{i_0, j_0} - 1) \lambda_{i_0, j_0} \Delta t + o(\Delta t) \right) \times \\ & \times \prod_{(i, j) \neq (i_0, j_0)} (1 - N_{ij} \lambda_{ij} \Delta t + o(\Delta t)) + o(\Delta t); \end{aligned}$$

Если в рассматриваемых уравнениях перенести величину  $P_{((i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_k, j_k))}(t)$  в левую часть, поделить обе части уравнения на  $\Delta t$  и перейти к пределу при  $\Delta t \rightarrow 0$ , то получим систему дифференциальных уравнений Колмогорова для рассматриваемой системы [1]:

$$\begin{aligned} \frac{dP_{((i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_k, j_k))}(t)}{dt} & = \\ & = - \left( \mu_{j_1} + \sum_{(i, j)} \left( N_{ij} - \sum_{m=1}^k \sum_{(i_m, j_m)=(ij)} 1 \right) \lambda_{ij} \right) \times \\ & \quad \times P_{((i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_k, j_k))}(t) + \\ & + \left( \left( N_{i_k j_k} - \sum_{m=1}^k \sum_{(i_m, j_m)=(i_k, j_k)} 1 \right) \lambda_{i_k j_k} \right) \times \\ & \quad \times P_{((i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_k, j_k))}(t) + \\ & + \sum_{(i_0, j_0)} \mu_{j_0} \left( N_{i_0 j_0} - \sum_{m=1}^k \sum_{(i_m, j_m)=(i_0, j_0)} 1 \right) \times \\ & \quad \times P_{((i_0, j_0), (i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_k, j_k))}(t); \end{aligned} \quad (1)$$

$$\frac{dP_0(t)}{dt} = - \sum_{(i, j)} N_{ij} \lambda_{ij} \cdot P_0(t) + \sum_{(i_0, j_0)} \mu_{j_0} P_{((i_0, j_0))}(t). \quad (2)$$

Предположим, что рассматриваемая система финансового контроля работает в стационарном режиме, вероятности стационарного режима обозначим  $P_{((i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_k, j_k))}$  и  $P_0$ , тогда из уравнений (1), (2) следует следующая система уравнений для вероятностей различных состояний системы в стационарном режиме:

$$0 = - \left( \mu_{j_1} + \sum_{(i, j)} \left( N_{ij} - \sum_{m=1}^k \sum_{(i_m, j_m)=(ij)} 1 \right) \lambda_{ij} \right) \times \\ \quad \times P_{((i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_k, j_k))} +$$

$$\begin{aligned} & + \left( \left( N_{i_k j_k} - \sum_{m=1}^k \sum_{(i_m, j_m)=(i_k, j_k)} 1 \right) \lambda_{i_k j_k} \right) \times \\ & \quad \times P_{((i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_k, j_k))} + \\ & + \sum_{(i_0, j_0)} \mu_{j_0} \left( N_{i_0 j_0} - \sum_{m=1}^k \sum_{(i_m, j_m)=(i_0, j_0)} 1 \right) P_{((i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_k, j_k))}; \end{aligned} \quad (3)$$

$$0 = - \sum_{(i, j)} N_{ij} \lambda_{ij} \cdot P_0 + \sum_{(i_0, j_0)} \mu_{j_0} P_{((i_0, j_0))}. \quad (4)$$

Если интенсивности проверок  $\lambda_{ij}$  известны, система (3), (4) является системой линейных уравнений относительно  $P_{((i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_k, j_k))}$ .

Интерес представляет задача нахождения значений  $\lambda_{ij}$ , отвечающих определенным критериям эффективности работы системы финансового контроля. В данной работе в качестве критерия эффективности предлагается рассматривать критерий:

$$\begin{aligned} F(x_{11}, x_{12}, \dots, x_{np}) & = \varphi(x_{11}, x_{12}, \dots, x_{np}) + \\ & + \phi(x_{11}, x_{12}, \dots, x_{np}) \rightarrow \min, \end{aligned}$$

где функция  $\varphi(x_{11}, x_{12}, \dots, x_{np})$  характеризует суммарную степень нарушений в финансовой и хозяйственной деятельности на контролируемых предприятиях, а функция  $\phi(x_{11}, x_{12}, \dots, x_{np})$  характеризует суммарную степень сложности проведения контрольных мероприятий на контролируемых предприятиях, при условии, что средние промежутки времени между контролями в рассматриваемых классах соответственно равны  $x_{11}, x_{12}, \dots, x_{np}$ . Величины  $x_{11}, x_{12}, \dots, x_{np}$  зависят от  $\lambda_{11}, \lambda_{12}, \dots, \lambda_{np}$  и от среднего времени пребывания в очереди.

Функции  $\varphi(x_{11}, x_{12}, \dots, x_{np})$  и  $\phi(x_{11}, x_{12}, \dots, x_{np})$  строятся на основании статистического материала, представляющего собой результаты ранее проводимых проверок.

Функция  $\varphi(x_{11}, x_{12}, \dots, x_{np}) = \sum_{(i, j)} \varphi_{ij}(x_{ij})$ , где значения каждой функции  $\varphi_{ij}(x_{ij})$  характеризуют степень нарушений для предприятий, которые с точки зрения деловой активности принадлежат классу  $\Omega_i$ , а с точки зрения сложности организационной структуры классу  $T_j$ . Для построения отдельных функций  $\varphi_{ij}(x_{ij})$  используется статистический материал вида:

$$\varphi_{ij}(x_{ij}) \quad x_{ij}$$

При этом значения  $\varphi_{ij}(x_{ij})$  оцениваются экспертным путем и удовлетворяют условию  $0 \leq \varphi_{ij}(x_{ij}) \leq 1$ , чем ближе данное значение к 1, тем выше степень нарушений, обнаруженных на предприятии. Для построения функции  $\varphi_{ij}(x_{ij})$  по статистическим данным предлагается использовать специальные методы регрессионного анализа, позволяющие учитывать условие  $0 \leq \varphi_{ij}(x_{ij}) \leq 1$ .

Аналогично, функция  $\phi(x_{11}, x_{12}, \dots, x_{np}) = \sum_{(i,j)} \phi_{ij}(x_{ij})$ , значения функций  $\phi_{ij}(x_{ij})$  пока-

зывают степень сложности проверки для предприятий, которые с точки зрения деловой активности принадлежат классу  $\Omega_i$ , а сточки зрения сложности организационной структуры классу  $T_j$ . Статистический аппарат построения отдельных функций  $\phi_{ij}(x_{ij})$  аналогичен аппарату построения функций  $\varphi_{ij}(x_{ij})$ .

Величины  $x_{ij}$  вычисляются по формуле

$$x_{ij} = \frac{1}{\lambda_{ij}} + \overline{T_{\text{оч.}}}, \text{ первое слагаемое характери-}$$

зует среднее время между назначениями проверок, а второе — среднее время пребывания в очереди. Среднее время пребывания в очереди для рассматриваемой системы финансового контроля определяется следующим образом:

$$\begin{aligned} \overline{T_{\text{оч.}}} &= 0 \cdot P_0 + \sum_{(i_1 j_1)} \left( \frac{1}{\mu_{j_1}} \right) P_{((i_1 j_1))} + \\ &+ \sum_{\substack{(i_1 j_1), (i_2 j_2) \\ (i_k, j_k) = (i_m, j_m)}} \sum_{1 \leq N_{i_m j_m}, \forall m=1,2} \left( \frac{1}{\mu_{j_1}} + \frac{1}{\mu_{j_2}} \right) P_{((i_1 j_1), (i_2 j_2))} + \dots + \\ &+ \sum_{\substack{(i_1 j_1), (i_2 j_2), \dots, (i_{N-1} j_{N-1}) \\ (i_k, j_k) = (i_m, j_m)}} \sum_{1 \leq N_{i_m j_m}, \forall m=1, N-1} \left( \frac{1}{\mu_{j_1}} + \frac{1}{\mu_{j_2}} + \dots + \frac{1}{\mu_{j_{N-1}}} \right) \times \\ &\quad \times P_{((i_1 j_1), (i_2 j_2), \dots, (i_{N-1} j_{N-1}))}. \end{aligned}$$

С учетом введенных характеристик, окончательная оптимизационная модель построения графика контрольных мероприятий имеет вид:

$$\sum_{(i,j)} \varphi_{ij} \left( \frac{1}{\lambda_{ij}} + \overline{T_{\text{оч.}}} \right) + \sum_{(i,j)} \phi_{ij} \left( \frac{1}{\lambda_{ij}} + \overline{T_{\text{оч.}}} \right) \rightarrow \min;$$

$$0 = - \left( \mu_{j_1} + \sum_{(i,j)} \left( N_{ij} - \sum_{m=1}^k \sum_{(i_m j_m) = (ij)} 1 \right) \lambda_{ij} \right) \times$$

$$\times P_{((i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_k, j_k))} +$$

$$+ \left( \left( N_{i_k j_k} - \sum_{m=1}^k \sum_{(i_m j_m) = (i_k j_k)} 1 \right) \lambda_{i_k j_k} \right) \times$$

$$\times P_{((i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_{k-1}, j_{k-1}))} +$$

$$+ \sum_{(i_0, j_0)} \mu_{j_0} \left( N_{i_0 j_0} - \sum_{m=1}^k \sum_{(i_m j_m) = (i_0 j_0)} 1 \right) \times$$

$$\times P_{((i_1, j_1), (i_2, j_2), \dots, (i_k, j_k))};$$

$$0 = - \sum_{(i,j)} N_{ij} \lambda_{ij} \cdot P_0 + \sum_{(i_0, j_0)} \mu_{j_0} P_{((i_0, j_0))};$$

$$1 - P_0 \leq \omega.$$

Последнее ограничение данной модели означает, что доля времени, когда система финансового контроля занята проверками предприятий, должна не превышать некоторого порогового значения  $\omega$ . Оставшаяся доля времени  $1 - \omega$  в системе отводится для составления отчетов, анализа результатов и выполнения других работ.

В полученной модели вид целевой функции зависит от результатов статистической обработки данных методами регрессионного анализа, ограничения представляют собой систему нелинейных уравнений и неравенств. В силу сложности полученной модели, для ее решения предлагается использовать численные методы условной оптимизации [4].

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Лабскер, Л.Г. Теория массового обслуживания в экономической сфере / Л. Г. Лабскер, Л. О. Бабешко. — М. : ЮНИТИ. 1998.

2. Михалев, Д.Г. Оптимальное формирование информационных потоков в системах контроля и управления / Д. Г. Михалев, И. Б. Руссман // Проблемы передачи информации. VIII. 1972. Вып. 3. С. 89—93.

3. Башарин, Г.П. Один прибор с конечной очередью и заявками нескольких видов / Г. П. Башарин // Теория вероятностей и ее применения, 1965, 2, 10, С. 282—296.

4. Азарнова, Т.В. Методы оптимизации. Элементы теории, алгоритмы и примеры / Т. В. Азарнова, И. Л. Каширина, Г. Д. Чернышова. — Воронеж: Воронежский государственный университет, 2004, — 151 с.