# УДК 621.396 ОЦЕНИВАНИЕ ВЕКТОРА УСКОРЕНИЯ ЗАМАСКИРОВАННОГО ПРОСТРАНСТВЕННО ПРОТЯЖЕННОГО ОБЪЕКТА, НАЧИНАЮЩЕГО ДВИЖЕНИЕ НА НЕРАВНОМЕРНОМ ФОНЕ

### Р. В. Куцов

Воронежский институт ФСИН России

#### Поступила в редакцию 17.11.2016 г.

**Аннотация.** Для аппликативной модели взаимодействия изображения движущегося объекта и фона выполнены синтез и анализ максимально правдоподобного алгоритма оценки вектора ускорения замаскированного пространственно протяженного объекта, начинающего движение на неравномерном фоне. Исследовано влияние истинного значения вектора ускорения на точность оценки.

**Ключевые слова:** оценка, аппликативная модель, вектор, ускорение, движение, фон, изображение, максимально правдоподобный алгоритм.

**Annotation.** Synthesis and analysis of the maximum likelihood algorithm for estimation of the spatially extensive object acceleration vector for the applicative model of interaction of moving object image and a background have been carried out. The influence of real value of acceleration vector on effectiveness of estimation is investigated.

**Keywords:** estimation, applicative model, vector, acceleration, background, image, maximum likelihood algorithm.

#### введение

В процессе обработки результатов дистанционного наблюдения возникает необходимость в измерении параметров движения объектов по их изображениям [1]. Обычно объекты наблюдаются на некоторой подстилающей поверхности, и сигнал, рассеянный этой поверхностью, представляет собой фоновое излучение (фон). Функционирование измерительных систем в реальных условиях сопровождается шумами, имеющими различную физическую природу, поэтому в задачи системы наблюдения входит одновременно и компенсация пространственно-временного шума, и выделение объекта на мешающем фоне. Высокая разрешающая способность современных систем дистанционного наблюдения приводит к необходимости учета эффекта затенения пространственно-протяженным объектом (ППО) части подстилающей поверхности [1-4]. В работе [1] рассмотрены различные случаи априорной неопределен-

рости движения изображения объекта. При этом скорость движения объекта предполагалась постоянной. Однако встречаются ситуации, когда объект движется с ускорением. В частности, представляет интерес ситуация, когда первоначально неподвижный объект начинает движение с априори неизвестным вектором ускорения. При этом изначально объект может быть замаскирован под фон. Целью данной работы является синтез и

ности относительно величины и вектора ско-

анализ максимально-правдоподобного алгоритма измерения вектора ускорения ППО по его изображению при наличии неравномерного фона.

#### ПОСТАНОВКА ЗАДАЧИ

Пусть в двумерной области  $\Omega$  в течение интервала времени [0, T] доступна наблюдению реализация гауссовского случайного поля  $\Xi(\mathbf{r}, t)$ , где  $\mathbf{r} = (x, y)$  – радиус-вектор точки на плоскости, принадлежащей  $\Omega$ , а t – время. Положим [4], что поле  $\Xi(\mathbf{r}, t)$  содержит изображение  $s(\mathbf{r} - \mathbf{a}_0 t^2 / 2)$  первона-

<sup>©</sup> Куцов Р. В., 2016

чально неподвижного объекта, начинающего движение с ускорением  $\mathbf{a}_0$ , неподвижный фон  $v(\mathbf{r})$  и аддитивный гауссовский пространственно-временной белый шум  $n(\mathbf{r}, t)$  с нулевым математическим ожиданием и корреляционной функцией  $\langle n(\mathbf{r}_1, t_1)n(\mathbf{r}_2, t_2) \rangle = N_0 \delta(\mathbf{r}_1 - \mathbf{r}_2) \delta(t_1 - t_2)/2$ , где  $N_0$  – односторонняя спектральная плотность белого шума.

В соответствии с аппликативной моделью [1-4], учитывающей эффекты затенения объектом участка фона, полагаем, что изображение объекта занимает часть  $\Omega_s$  области  $\Omega$ , а фоновое излучение формируется оставшейся частью области наблюдения. Будем считать, что разрешающая способность системы наблюдения достаточно высока, так что размеры неоднородностей объекта и фона велики по сравнению с размерами элемента разрешения в плоскости наблюдения. Тогда в течение интервала времени [0, T] наблюдению доступна реализация изображения

$$\Xi(\mathbf{r}, t) = s(\mathbf{r} - \mathbf{a}_0 t^2 / 2) I_s(\mathbf{r} - \mathbf{a}_0 t^2 / 2) + + v(\mathbf{r}) \left[ 1 - I_s(\mathbf{r} - \mathbf{a}_0 t^2 / 2) \right] + n(\mathbf{r}, t),$$
(1)

где  $I_s(\mathbf{r}) = 1$  для  $\mathbf{r} \in \Omega_s$ , и  $I_s(\mathbf{r}) = 0$  при  $\mathbf{r} \notin \Omega_s$  – индикатор, описывающий форму изображения объекта. В (1) предполагается, что объект движется из заданного положения с априори неизвестным ускорением  $\mathbf{a}_0 = a_{0x}\mathbf{i}_x + a_{0y}\mathbf{i}_y$ , где  $\mathbf{i}_x$ ,  $\mathbf{i}_y$  – орты осей X и Y прямоугольной системы координат, а  $a_{0x}$ ,  $a_{0y}$  – компоненты вектора  $\mathbf{a}_0$ , представляющие собой его проекции на оси X, Y и принимающие значения из априорных интервалов  $A_x = [-a_{x \max} / 2; a_{x \max} / 2],$  $A_y = [-a_{y \max} / 2; a_{y \max} / 2].$ 

На основе наблюдаемых данных необходимо оценить вектор ускорения объекта, в частности определить величину ускорения объекта и направление его движения.

### АЛГОРИТМ И ХАРАКТЕРИСТИКИ ОЦЕНКИ ВЕКТОРА УСКОРЕНИЯ

Оценка максимального правдоподобия (МП) компонент вектора ускорения движения объекта определяется как положение абсолютного (наибольшего) максимума логарифма функционала отношения правдоподобия (ФОП) [4–6]:

$$L(a_{x}, a_{y}) =$$

$$= \frac{2}{N_{0}} \int_{0}^{T} \int_{\Omega} \left\{ \Xi(\mathbf{r}, t) \left[ s(\mathbf{r} - \mathbf{a}t^{2}/2) - v(\mathbf{r}) \right] - \frac{1}{2} \left[ s^{2}(\mathbf{r} - \mathbf{a}t^{2}/2) - v^{2}(\mathbf{r}) \right] \right\} \times$$

$$\times I_{s}(\mathbf{r} - \mathbf{a}t^{2}/2) d\mathbf{r}dt,$$
(2)

где  $\mathbf{a} = a_x \mathbf{i}_x + a_y \mathbf{i}_y$  – вектор с компонентами  $a_x$ и  $a_y$ .

Логарифм ФОП (2) является функцией двух переменных  $a_x$ ,  $a_y$ , поэтому вначале производится совместная оценка компонент вектора ускорения в соответствии с правилом

$$(\hat{a}_x, \hat{a}_y) = \arg \sup L(a_x, a_y), \ (a_x; a_y) \in A, \ (3)$$

на основе которой формируется оценка вектора ускорения

$$\hat{\mathbf{a}} = \hat{a}_x \mathbf{i}_x + \hat{a}_y \mathbf{i}_y. \tag{4}$$

В формуле (3) через A обозначена двумерная область, в пределах которой  $a_x \in A_x$ ,  $a_y \in A_y$ .

Подставляя в (2) реализацию наблюдаемых данных (1), представим логарифм ФОП в виде суммы сигнальной составляющей и шумовой функций [5]:

$$L(a_x, a_y) = S(a_x, a_y) + N(a_x, a_y), \qquad (5)$$

где сигнальная составляющая логарифма ФОП

$$S(a_{x}, a_{y}) = \langle L(a_{x}, a_{y}) \rangle =$$

$$= S(a_{x}, a_{y}; a_{0x}, a_{0y}) - S(a_{x}, a_{y}; a_{x}, a_{y}) / 2$$

$$S(a_{1x}, a_{1y}; a_{2x}, a_{2y}) =$$

$$\frac{2}{N_{0}} \int_{0}^{T} \iint_{\Omega} \left[ s(x - a_{1x}t^{2} / 2, y - a_{1y}t^{2} / 2) - v(x, y) \right] \times$$

$$\times \left[ s(x - a_{2x}t^{2} / 2, y - a_{2y}t^{2} / 2) - v(x, y) \right] \times$$

$$\times I_{s} \left( x - a_{1x}t^{2} / 2, y - a_{1y}t^{2} / 2 \right) \times$$

$$\times I_{s} \left( x - a_{2x}t^{2} / 2, y - a_{2y}t^{2} / 2 \right) dx dy dt$$
(6)

– сигнальная функция, а  $N(a_x, a_y)$  – шумовая функция, являющаяся реализацией центрированного гауссовского случайного поля с корреляционной функцией

$$\langle N(a_{1x}, a_{1y}) N(a_{2x}, a_{2y}) \rangle = = S(a_{1x}, a_{1y}; a_{2x}, a_{2y}).$$
(8)

Логарифм ФОП (5) является гауссовским случайным полем, поэтому его свойства полностью определяются математическим ожиданием и корреляционной функцией. Согласно (5), (8), сигнальная функция (7) определяет как сигнальную составляющую, так и корреляционную функцию шумовой функции, а значит все свойства логарифма ФОП. При больших значениях отношения сигнал/шум (OCIII) [5]  $\rho^2 = S(a_{0x}, a_{0y}; a_{0x}, a_{0y})/4$  TOYность оценок компонент вектора ускорения зависит от поведения сигнальной функции в окрестности ее максимума [6]. Для определения характеристик оценки рассмотрим свойства сигнальной функции  $S(a_{1x}, a_{1y}; a_{2x}; a_{2y})$ в малой окрестности точки  $(a_{0x}; a_{0y})$ . При этом будем полагать, что функции s(x, y) и v(x, y), описывающие интенсивности изображения объекта и фона, непрерывны и непрерывно дифференцируемы.

Рассмотрим случай оценки вектора ускорения изображения прямоугольного объекта со сторонами  $l_x$  и  $l_y$ , расположенными вдоль координатных осей Х и У соответственно, так что  $I_{s}(x, y) = 1$  при  $|x| \le l_{x} / 2$ ,  $|y| \le l_{y} / 2$ , и  $I_{s}(x, y) = 0$  в противном случае. При  $|a_{1x} - a_{2x}|T^2 \le 2l_x, |a_{1y} - a_{2y}|T^2 \le 2l_y$  функцию (7) можно записать в виде (9).

Согласно (9) сигнальная функция непрерывно дифференцируема в окрестности точки истинного значения компонент ускорения  $(a_{0x}, a_{0y})$ , за исключением этой точки, где первая производная терпит разрыв первого рода. Аналогично тому, как это сделано в [8], находим, что при

$$\Delta = \max\left(|a_{1x} - a_{0x}|, |a_{2x} - a_{0x}|, |a_{2y} - a_{0y}|, |a_{2y} - a_{0y}|\right) \to 0$$

для функции (7) справедливо асимптотическое разложение

$$S(a_{1x}, a_{1y}; a_{2x}, a_{2y}) =$$
  
=  $z^{2}[1 - \delta_{x} |a_{1x} - a_{2x}| - \delta_{y} |a_{1y} - a_{2y}| - (10)$   
 $-\varepsilon_{x}(a_{1x} + a_{2x} - 2a_{0x}) -$   
 $-\varepsilon_{y}(a_{1y} + a_{2y} - 2a_{0y})] + o(\Delta),$ 

где

$$z^{2} = 4\rho^{2} = \frac{2}{N_{0}} \int_{0}^{T} \int_{-l_{y}/2}^{l_{y}/2} \int_{-l_{x}/2}^{l_{x}/2} \left[ s(x, y) - \left(x + \frac{a_{0x}t^{2}}{2}, y + \frac{a_{0y}t^{2}}{2}\right) \right]^{2} dxdydt$$
(11)

- учетверенное ОСШ на выходе приемника МП, равное величине сигнальной функции (7) в точке истинного значения ускорения,

$$\varepsilon_{x} = \frac{1}{z^{2}N_{0}} \int_{0}^{T} t^{2} \int_{-l_{y}/2}^{l_{y}/2} \int_{-l_{x}/2}^{l_{x}/2} \left[ s(x, y) - \frac{-v\left(x + \frac{a_{0x}t^{2}}{2}, y + \frac{a_{0y}t^{2}}{2}\right) \times \frac{\partial v\left(x + a_{0x}t^{2}/2, y + a_{0y}t^{2}/2\right)}{\partial x} dx dy dt,$$

$$\varepsilon_{y} = \frac{1}{z^{2}N_{0}} \int_{0}^{T} t^{2} \int_{-l_{y}/2}^{l_{y}/2} \int_{-l_{x}/2}^{l_{x}/2} \left[ s(x, y) - \frac{-v\left(x + \frac{a_{0x}t^{2}}{2}, y + \frac{a_{0y}t^{2}}{2}\right) \right] \times \frac{\partial v\left(x + a_{0x}t^{2}/2, y + a_{0y}t^{2}/2\right)}{\partial y} dx dy dt,$$

$$S\left(a_{1x}, a_{1y}; a_{2x}, a_{2y}\right) =$$

$$= \frac{2}{N_{0}} \int_{0}^{T} \int_{\left[\max(a_{1y}, a_{2y})T^{2} + l_{y}\right]/2}^{\left[\min(a_{1x}, a_{2x})T^{2} + l_{x}\right]/2}} \int_{0}^{T} \left[s\left(x - \frac{a_{1x}t^{2}}{2}, y - \frac{a_{1y}t^{2}}{2}\right) - v\left(x, y\right)\right] \times$$

$$\times \left[s\left(x - \frac{a_{2x}t^{2}}{2}, y - \frac{a_{2y}t^{2}}{2}\right) - v\left(x, y\right)\right] dx dy dt.$$
(9)

>

Оценивание вектора ускорения замаскированного пространственно протяженного объекта, ...

$$\begin{split} \delta_{x} &= \frac{1}{2z^{2}N_{0}} \int_{0}^{T} t^{2} \int_{-l_{y}/2}^{l_{y}/2} \left\{ \left[ s\left(-\frac{l_{x}}{2}, y\right) - \right. \\ &\left. - v\left(-\frac{l_{x}}{2} + \frac{a_{0x}t^{2}}{2}, y + \frac{a_{0y}t^{2}}{2}\right) \right]^{2} + \right. \\ &\left. + \left[ s\left(\frac{l_{x}}{2}, y\right) - v\left(\frac{l_{x}}{2} + \frac{a_{0x}t^{2}}{2}, y + \frac{a_{0y}t^{2}}{2}\right) \right]^{2} \right\} dy dt, \\ &\left. \delta_{y} &= \frac{1}{2z^{2}N_{0}} \int_{0}^{T} t^{2} \int_{-l_{x}/2}^{l_{x}/2} \left\{ \left[ s\left(x, -\frac{l_{y}}{2}\right) - \left. - v\left(x + \frac{a_{0x}t^{2}}{2}, -\frac{l_{y}}{2} + \frac{a_{0y}t^{2}}{2}\right) \right]^{2} \right\} + \left. \left[ s\left(x, \frac{l_{y}}{2}\right) - v\left(x + \frac{a_{0x}t^{2}}{2}, -\frac{l_{y}}{2} + \frac{a_{0y}t^{2}}{2}\right) \right]^{2} \right\} dx dt. \end{split}$$

С помощью (6), (10) находим, что при  $\Delta_0 = (|a_x - a_{0x}|, |a_y - a_{0y}|) \rightarrow 0$  сигнальная составляющая логарифма ФОП допускает асимптотическое разложение

$$S(a_{x}, a_{y}) = z^{2} (1 - 2\delta_{x} |a_{x} - a_{0x}| - 2\delta_{y} |a_{y} - a_{0y}|)/2 + o(\Delta_{0}).$$
(12)

Согласно (12) сигнальная составляющая логарифма ФОП (6) достигает своего максимального значения в точке истинного значения вектора ускорения  $(a_{0x}, a_{0y})$  [5]. Положим, что ОСШ  $\rho^2 = z^2/4$  достаточно

Положим, что ОСШ  $\rho^2 = z^2/4$  достаточно велико при всех значениях  $a_{0x}$ ,  $a_{0y}$  так что оценки компонент вектора ускорения  $\hat{a}_x$ ,  $\hat{a}_y$ являются надежными [6]. Найдем характеристики оценки ускорения, используя метод локально аддитивной аппроксимации [9]. При этом точность оценки будем характеризовать ее дисперсией при фиксированном истинном значении вектора ускорения [6].

Обозначим через  $L_x(a_x)$ ,  $L_y(a_y)$  статистически независимые гауссовские случайные процессы с математическими ожиданиями

$$\left\langle L_x(a_x)\right\rangle = z^2 \left(1 - 4\delta_x \left|a_x - a_{0x}\right|\right) / 4,$$
  
$$\left\langle L_y(a_y)\right\rangle = z^2 \left(1 - 4\delta_y \left|a_y - a_{0y}\right|\right) / 4$$

и корреляционными функциями

$$B_{x}(a_{1x}, a_{2x}) = z^{2}[1 - 2\delta_{x}|a_{1x} - a_{2x}| - 2\varepsilon_{x}(a_{1x} + a_{2x} - 2a_{0x})]/2,$$

$$B_{y}(a_{1y}, a_{2y}) = z^{2} [1 - 2\delta_{y} | a_{1y} - a_{2y} | -2\varepsilon_{y} (a_{1y} + a_{2y} - 2a_{0y})] / 2$$

соответственно. Из (9), (12) следует, что статистические характеристики гауссовских случайных полей  $L(a_x, a_y)$  (5) и  $L_x(a_x) + L_y(a_y)$ асимптотически совпадают в малой окрестности точки  $(a_{0x}, a_{0y})$ , поэтому при достаточно больших ОСШ характеристики МП оценок компонент вектора ускорения  $\hat{a}_x$  и  $\hat{a}_y$  приближенно совпадают с найденными в [8] характеристиками положений абсолютных максимумов случайных процессов  $L_x(a_x)$  и  $L_y(a_y)$ соответственно. Используя результаты [8], находим, что надежные оценки компонент вектора ускорения являются несмещенными, т. е.  $b(\hat{a}_x) = \langle \hat{a}_x - a_{0x} \rangle = 0, \ b(\hat{a}_y) = \langle \hat{a}_y - a_{0y} \rangle = 0, \ a$ их дисперсии определяются формулами

$$D(\hat{a}_{x}) = \left\langle \left(\hat{a}_{x} - a_{0x}\right)^{2} \right\rangle = \frac{13}{2z^{4}\delta_{x}^{2}} = \frac{26}{Q_{x}^{2}},$$
  
$$D(\hat{a}_{y}) = \left\langle \left(\hat{a}_{y} - a_{0y}\right)^{2} \right\rangle = \frac{13}{2z^{4}\delta_{y}^{2}} = \frac{26}{Q_{y}^{2}}, \quad (13)$$

где

$$Q_{x} = \frac{1}{N_{0}} \int_{0}^{T} t^{2} \int_{-l_{y}/2}^{l_{y}/2} \left\{ \left[ s\left(-\frac{l_{x}}{2}, y\right) - \frac{1}{N_{0}} \int_{0}^{T} t^{2} \int_{-l_{y}/2}^{1} \left\{ \left[ s\left(-\frac{l_{x}}{2}, y\right) - \frac{1}{N_{0}} \right]^{2} + \left[ s\left(\frac{l_{x}}{2}, y\right) - \frac{1}{N_{0}} \right]^{2} + \left[ s\left(\frac{l_{x}}{2}, y\right) - \frac{1}{N_{0}} \right]^{2} \right\} dy dt,$$

$$- v \left( \frac{l_{x}}{2} + \frac{a_{0x}t^{2}}{2}, y + \frac{a_{0y}t^{2}}{2} \right)^{2} \right]^{2} dy dt,$$

$$Q_{y} = \frac{1}{N_{0}} \int_{0}^{T} t^{2} \int_{-l_{x}/2}^{l_{x}/2} \left\{ \left[ s\left(x, -\frac{l_{y}}{2}\right) - \frac{1}{N_{0}} + \frac{a_{0y}t^{2}}{2} \right)^{2} + \left[ s\left(x, \frac{l_{y}}{2}\right) - \frac{1}{N_{0}} + \frac{a_{0y}t^{2}}{2} + \frac{a_{0y}t^{2}}{2} \right)^{2} + \left[ s\left(x, \frac{l_{y}}{2}\right) - \frac{1}{N_{0}} + \frac{a_{0y}t^{2}}{2} + \frac{a_{0y}t^{2}}{2} \right)^{2} \right\} dx dt.$$

Согласно (4) оценка вектора ускорения является несмещенной, т. е.  $b(\hat{\mathbf{a}}) = \langle \hat{\mathbf{a}} - \mathbf{a}_0 \rangle = 0$ , а ее дисперсия

$$D(\hat{\mathbf{a}}) = \left\langle (\hat{\mathbf{a}} - \mathbf{a}_0)^2 \right\rangle = D(\hat{a}_x) + D(\hat{a}_y) =$$
$$= 26 \left( Q_x^{-2} + Q_y^{-2} \right).$$

ВЕСТНИК ВГУ, СЕРИЯ: СИСТЕМНЫЙ АНАЛИЗ И ИНФОРМАЦИОННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ, 2016, № 4 151

Найдем характеристики надежных оценок величины ускорения и направления движения объекта, которое будем характеризовать углом между вектором ускорения и осью X. Согласно (13) точность оценок компонент вектора ускорения повышается с увеличением ОСШ, так что  $\hat{a}_x$ ,  $\hat{a}_y$  можно представить в виде  $\hat{a}_x = a_{0x} + \varepsilon \xi$ ,  $\hat{a}_y = a_{0y} + \varepsilon \eta$ , где  $\xi$  и  $\eta$  – статистически независимые случайные величины с нулевыми математическими ожиданиями и дисперсиями  $\langle \xi^2 \rangle = D(\hat{a}_x)/\varepsilon^2$  и  $\langle \eta^2 \rangle = D(\hat{a}_y)/\varepsilon^2$ , а  $\varepsilon \to 0$  при  $z^2 \to \infty$ . Тогда оценки модуля ускорения  $\hat{a} = \sqrt{\hat{a}_x^2 + \hat{a}_y^2}$  и направления движения  $\hat{\varphi} = \operatorname{arctg}(\hat{V}_y/\hat{V}_x)$  могут быть представлены в виде

$$\hat{a} = \sqrt{\left(a_{0x} + \varepsilon\xi\right)^2 + \left(a_{0y} + \varepsilon\eta\right)^2}$$
$$\hat{\varphi} = \operatorname{arctg}\left(\frac{a_{0y} + \varepsilon\eta}{a_{0x} + \varepsilon\xi}\right).$$

Разлагая эти выражения в ряд Маклорена по  $\varepsilon$ , получаем, что при больших значениях ОСШ

$$\hat{a} = a_0 + \varepsilon \left(\xi \cos \varphi_0 + \eta \sin \varphi_0\right) + o(\varepsilon),$$
$$\hat{\varphi} = \varphi_0 + \varepsilon \left(\xi \sin \varphi_0 + \eta \cos \varphi_0\right) / a_0 + o(\varepsilon), \quad (15)$$

где  $a_0 = \sqrt{a_{0x}^2 + a_{0y}^2}$  – истинное значение модуля ускорения объекта, а угол  $\varphi_0 = \arctan\left(V_{0y}/V_{0x}\right)$  определяет истинное направление движения. Используя (15), находим, что надежные МП оценки модуля ускорения и направления движения являются несмещенными, т. е.  $b(\hat{a}) = \langle \hat{a} - a_0 \rangle = 0$ ,  $b(\hat{\varphi}) = \langle \hat{\varphi} - \varphi_0 \rangle = 0$ , а их дисперсии определяются выражениями

$$D(\hat{a}) = \left\langle (\hat{a} - a_0)^2 \right\rangle =$$
  
=  $26 \left( Q_x^{-2} \cos^2 \varphi_0 + Q_y^{-2} \sin^2 \varphi_0 \right),$   
 $D(\hat{\varphi}) = \left\langle (\hat{\varphi} - \varphi_0)^2 \right\rangle =$   
=  $26 \left( Q_x^{-2} \sin^2 \varphi_0 + Q_y^{-2} \cos^2 \varphi_0 \right) / a_0^2.$ 

# ВЛИЯНИЯ ТЕКСТУРЫ ИЗОБРАЖЕНИЯ И ИСТИННОГО ЗНАЧЕНИЯ ВЕКТОРА УСКОРЕНИЯ НА ТОЧНОСТЬ ОЦЕНОК

Влияние истинного значения ускорения движения объекта на точность оценки рассмотрим на примере квадратного объекта размером  $l \times l$ , стороны которого ориентированы вдоль осей Х и У соответственно. Пусть на фоне с пятнистой текстурой рисунка  $v(x, y) = v_0 \left[ 1 + m \cos(2\pi x/\Theta) \cos(2\pi y/\Theta) \right]$ наблюдается изображение объекта, совпадающее с фоном в начальный момент времени, границы которого параллельны координатным осям и проходят через точки экстремума фона (рис. 1). Здесь  $\Theta = l/N$  – период текстуры, *N* – натуральное число. На рис. 2, 3 показаны зависимости нормированных дисперсий оценок вектора  $D_0(\hat{\mathbf{a}}) = T^6 v_0^4 l^2 m^4 D(\hat{\mathbf{a}}) / 26 N_0^2$  и модуля ускорения  $D_0(\hat{a}) = T^6 v_0^4 l^2 m^{4'} D(\hat{a}) / 26 N_0^2$ от величины  $\Psi = a_0 T^2 / 2\Theta$ , определяющей число пятен, укладывающихся на пути, пройденном изображением объекта за время наблюдения. Линии 1 соответствуют  $\phi_0 = 0^\circ$ , линии 2 –  $\varphi_0 = 30^\circ$ , линии 3 –  $\varphi_0 = 45^\circ$ . На рис. 4 показана зависимость нормированной дисперсии оценки направления движения  $D_0(\hat{\varphi}) = T^2 v_0^4 l^2 m^4 \Theta^2 D(\hat{\varphi}) / 26 N_0^2$  от его истинного значения  $\varphi_0$ . Линия 1 соответствует  $\Psi = 0,25$ , линия 2 –  $\Psi = 1$ , линия 3 –  $\Psi = 4$ .

Отметим, что с уменьшением m, когда изображение объекта и фон становятся более однородными, дисперсия оценки увеличивается как  $m^{-4}$ . При больших значения  $\Psi$ , когда за время наблюдения объект проходит несколько размеров неоднородности фона, дисперсии оценок величины и вектора ускорения, а так же направления движения практически перестают зависеть от истинных значений величины ускорения и направления движения объекта.

#### ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В работе найдены структура измерителя и характеристики надежной оценки вектора ускорения замаскированного пространственно протяженного объекта, начинающего движение на неоднородном фоне. Определена Оценивание вектора ускорения замаскированного пространственно протяженного объекта, ...

точность оценок модуля ускорения и направления движения объекта. Показано, что при наличии неоднородного фона величина истинного значения вектора ускорения объекта может оказывать существенное влияние на точность оценок.



Рис. 1. Текстура фона и начальное положение объекта



дисперсии оценки вектора ускорения от величины Ψ





## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Куцов Р. В. Оценка параметров движения объекта по изображению при наличии аппликативного фона / Р. В. Куцов // Вестн. Воронежского института ФСИН России. – 2014. – № 3. С. 5–10.

2. Бычков А. А. Обнаружение протяженных затеняющих фон объектов / А. А. Бычков, В. А. Понькин // Автометрия. – 1992. – № 4. С. 33–40.

3. Потенциальные возможности обнаружения и маскирования движущихся объектов на неравномерных фонах / В. В. Ефремов [и др.] // Информационно-измерительные и управляющие системы. – 2003. – № 4. С. 24–29.

4. *Куцов Р. В.* Обнаружение объекта, начинающего движение с неизвестным ускорением / Р. В. Куцов // Вестн. Воронежского института ФСИН России. –2016. – № 1. С. 13–20.

5. *Куликов Е. И*. Оценка параметров сигналов на фоне помех / Е. И. Куликов, А. П. Трифонов. – М. : Сов. радио, 1978. – 296 с.

6. *Трифонов А. П.* Совместное различение сигналов и оценка их параметров на фоне помех / А. П. Трифонов, Ю. С. Шинаков. – М. : Радио и связь, 1986. – 268 с.

7. Ильин В. А., Позняк Э. Г. Основы математического анализа. Часть II. – М. : Наука, 1980. – 447 с.

8. Куцов Р. В. Характеристики оценки ускорения замаскированного объекта, начи-

#### Р. В. Куцов

нающего движение на неравномерном фоне / Р. В. Куцов // Вестн. Воронежского института ФСИН России. –2016. – № 4. С. 6–12.

9. Трифонов А. П. Эффективность обнаружения разрывного случайного радиоим-

Куцов Р. В. — канд. физ.-мат. наук, доцент, заместитель начальника организационно-научного и редакционного отдела ФКОУ ВО Воронежский институт ФСИН России. E-mail: kutsov@mail.ru пульса с неизвестными временем прихода и центральной частотой / А. П. Трифонов, А. В. Захаров // Радиотехника и электроника. – 2000. – № 11. – С. 1329–1337.

**Kutsov R. V.** — candidate of physical and mathematical sciences, associate professor, the deputy chief of the organizational-scientific and editorial department of the Russia Federal Penitentiary Service.

E-mail: kutsov@mail.ru